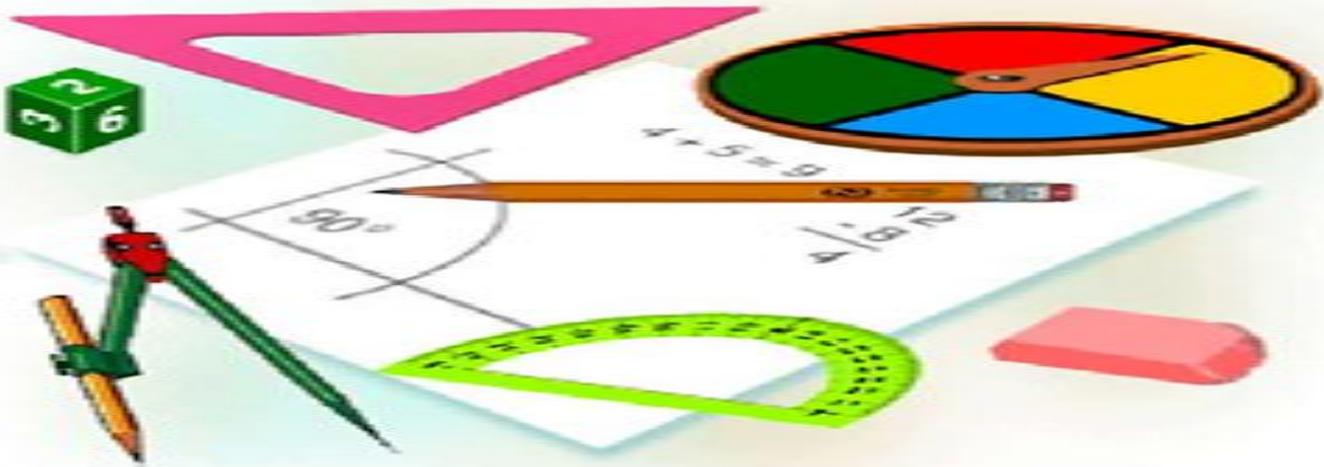


# مذكرة الاعداد



تابع جدبد زاكرولي على موقعنا  
<https://www.zakrooly.com>

## الرياضيات للصف الاول الاعدادي الفصل الدراسي الأول

Mr / Alaa Khalifa

## العدد النسبي

### مجموعة الأعداد النسبية (٢)

هو العدد الذي يمكن وضعه في صورة  $\frac{m}{n}$  بحيث المقام  $\neq$  الصفر

فمثلاً : كل من الأعداد الآتية هي أعداد نسبية :

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{5}, \frac{1}{10}, \frac{3}{2}, \frac{5}{4}, \frac{7}{2}$$

مجموعة الأعداد النسبية :  $m = \frac{b}{a}$  ،  $a, b \in \mathbb{Z}$  ،  $b \neq 0$

ملاحظات :

كل عدد صحيح هو عدد نسبي مقامه الواحد الصحيح  
 $\frac{3}{1} = 3$  ،  $\frac{-2}{1} = -2$  ، صفر =  $\frac{\text{صفر}}{1}$

إذا كان :  $\frac{b}{a}$  عدداً نسبياً فإن :  $b \neq$  صفر

إذا كان :  $s - \frac{5}{3}$  عدداً نسبياً فإن :  $s - 3 \neq$  صفر أي أن :  $s \neq 3$

## مثال

تدريب : أكمل ما يأتي : ٢

(١) العدد  $s + \frac{1}{s}$  عدد نسبي إذا كان :  $s \neq 0$

(٢) العدد  $\frac{s - 5}{s}$  عدد نسبي إذا كان :  $s \neq 0$

(٣) العدد  $\frac{s - 5}{5 - s}$  عدد نسبي إذا كان :  $s \neq 0$

إذا كان : العدد النسبي  $\frac{m}{b}$  = صفر فإن :  $m =$  صفر

إذا كان :  $\frac{s - 5}{1}$  = صفر فإن :  $s - 5 = 0$  أي أن :  $s = 5$

تدريب : أكمل ما يأتي

(١) العدد النسبي  $\frac{s - 3}{s - 3}$  = صفر إذا كان :  $s = 0$

(٢) العدد النسبي  $\frac{s + 1}{s - 3}$  = صفر إذا كان :  $s = 0$

\* العدد النسبي  $\frac{m}{b}$  يكون :

موجياً  $m \times b <$  صفر مثل  $\frac{2}{5}, \frac{2}{7}$  (  $m, b$  لهما نفس الاشارة )

سالباً  $m \times b >$  صفر مثل  $\frac{7}{9}, \frac{3}{8}$  (  $m, b$  مختلفان في الاشارة )

الصف الاول الاعدادي

اعداد / علاء خليفة

## الأشكال المختلفة للعدد النسبي

كتابه العدد النسبي على صورة عدد نسبي مساو له :

يمكن كتابة العدد النسبي على صورة عدد نسبي آخر مساوٍ له و ذلك تبعاً لخاصية الآتية :  
خاصية : العدد النسبي لا تتغير قيمته إذا ضرب حداه " في " أو قسماً " على " عدد لا يساوى الصفر

$$\text{مثال، } \frac{3}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{2 \times 3}{4 \times 3} = \frac{1}{2}$$

$$\text{أقسم علي اي عدد تختاره} \quad \dots = \frac{8}{12} = \frac{24}{36} \quad \text{أي أن:} \quad \frac{8}{12} = \frac{3 \div 24}{3 \div 36} = \frac{24}{36}$$

**كتابة العدد النسبي على صورة عدد عشري منه :**

لكتابة العدد النسبي على صورة عدد عشرى منته نجعل المقام ١٠ أو مضاعفاتها

$$\therefore \frac{3}{10} = \frac{3 \times 2}{2 \times 5} = \frac{2}{5}$$

$$\therefore 28 = \frac{28}{100} = \frac{\xi \times 7}{\xi \times 20} = \frac{7}{20}$$

$$\therefore 370 = \frac{370}{120} = \frac{120 \times 3}{120 \times 8} = \frac{3}{8}$$

**كتابه العدد النسبي على صورة نسبة مئوية :**

لكتابة العدد النسبي على صورة نسبية مئوية نجعل المقام ١٠٠ بإستخدام الخاصية السابقة

$$\therefore 75 = \frac{75}{100} = \frac{25 \times 3}{25 \times 4} = \frac{3}{4}$$

**كتابة العدد عشرى غير منته على صورة عدد نسبى :**

نعلم أن :  $\frac{1}{3} = 0.\overline{3}$  و يلاحظ أن عملية القسمة غير منتهية  
لذا يكتب العدد  $\frac{1}{3} = 0.\overline{3}$  ويقرأ " ٠.٣٠ دائر " حيث النقطة فوق الرقم تعني أن العدد دائري  
و إذا وضعت نقطة فوق الرقم الأول والأخير معناه أن الرقمان و ما بينهما دائري

$$0.\dot{2}1\dot{3} = 0.213213213\dots = \frac{213}{999} \quad , \quad 0.\dot{1}\dot{8} = 0.18181818\dots = \frac{18}{99}$$

ولكتابه العدد الدائر على صورة عدد نسبي نستخدم الآلة الحاسبة

**لكتابه العدد: ٦٠٠ على صورة عدد نسبي**

**ندخل العدد على الآلة كالتالي : ٠٦٦٦٦٦٦٦٦٠ . ثم نضغط = نحصل**

## تمارين على مجموعة الأعداد النسبية

١ - أكمل ما يأتي :

(١) العدد  $\frac{s}{\frac{3}{4}}$  لا يعبر عن عدد نسبي إذا كان :  $s = \dots\dots\dots\dots\dots$

(٢) العدد  $12\%$  =  $\dots\dots\dots\dots\dots$

(٣) العدد النسبي  $| - \frac{5}{8} | = \dots\dots\dots\dots\dots$

(٤) العدد النسبي  $\frac{5}{11}$  = على صورة عدد عشري دوري

(٥) العدد النسبي  $0.5^{\circ}$  =  $\dots\dots\dots\dots\dots$

(٦) العدد  $\frac{s-4}{s-15}$  = صفر إذا كانت :  $s = \dots\dots\dots\dots\dots$

(٧) العدد النسبي  $\frac{4}{b}$  يكون سالباً إذا كان  $b$  ..... الصفر

(٨)  $\frac{s}{3}$  يمثل عدد نسبي سالب إذا كان  $s$  ..... الصفر

(٩) أصغر عدد نسبي غير سالب هو .....  
 $\dots\dots\dots\dots\dots$

(١٠) العدد  $\frac{2}{s^3}$   $\in \mathbb{N}$  إذا كانت  $s \neq \dots\dots\dots$

٢ - أكتب الأعداد الآتية على صورة  $\frac{b}{a}$  :

(١)  $5\%$  (٢) صفر (٣)  $-0.75$  (٤)  $-0.01$  (٥)  $\frac{1}{30}\%$

(٦)  $4.5\%$  (٧)  $\frac{2}{3}$

٣ - أكتب كلاً من الأعداد النسبية الآتية على صورة عدد عشري و نسبة مئوية :

(١)  $\frac{1}{20}$  (٢)  $\frac{1}{2}$  (٣)  $-\frac{1}{3}$

(٤)  $\frac{5}{9}$  (٥)  $\frac{3}{16}$  (٦)  $7\%$

٤ - أكتب العدد النسبي الذي يساوي  $\frac{3}{5}$  ومجموع حديه  $24$

## مقارنة وترتيب الأعداد النسبية

٤

### تمثيل العدد النسبي على خط الأعداد :

- \*\* كل عدد نسبي تمثله نقطة وحيدة على خط الأعداد
- \*\* الأعداد النسبية المتساوية تمثلها جميعاً نفس النقطة على خط الأعداد
- \*\* الأعداد النسبية الموجبة تمثلها على خط الأعداد نقط تقع على يمين النقطة التي تمثل العدد صفر
- \*\* الأعداد النسبية السالبة تمثلها على خط الأعداد نقط تقع على يسار النقطة التي تمثل العدد صفر
- \*\* العددان النسبيان س ، -س تمثلهما على خط الأعداد نقطتان على بعدين متساويين من النقطة التي تمثل العدد صفر وجهتين مختلفتين منها

\*\* لاحظ أن " صفر =  $\frac{0}{1}$  =  $\frac{0}{2}$  =  $\frac{0}{3}$  = ... =  $\frac{0}{n}$  = ٠٠٠٠ = ١٠٠٠٠ = ١ %" ،

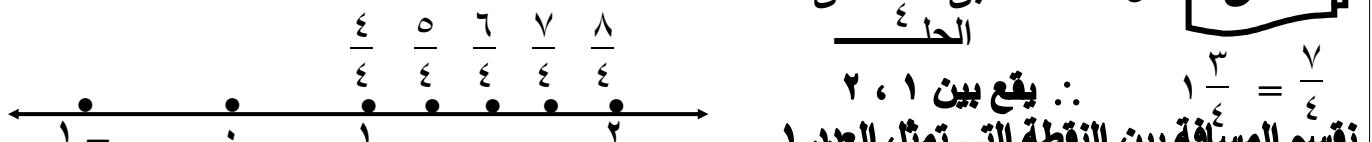
\*\* قبل تمثيل العدد النسبي يفضل وضعه في أبسط صورة

\*\* يجب تحديد موضع العدد النسبي وموقعه بين عددين صحيحين

\*\* يقسم خط الأعداد إلى مسافات متساوية حسب مقام العدد النسبي المراد تمثيله

\*\* الأعداد النسبية الآتية تقع بين ١ ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{1}{2}$  ،  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{4}{3}$  ،  $\frac{1}{4}$  ، ..... وهكذا .....

### مثال مثل العدد النسبي $\frac{7}{4}$ على خط الأعداد



$$\frac{7}{4} = \frac{3}{4} + 1 \therefore \text{يقع بين } 1, 2$$

نقسم المسافة بين النقطة التي تمثل العدد ١

و النقطة التي تمثل العدد ٢ إلى ٤ أقسام متساوية في الطول كما بالشكل المقابل

### مقارنة و ترتيب الأعداد النسبية :

إذا كانت النقطة التي تمثل العدد س تقع على يسار النقطة التي تمثل العدد ص على خط الأعداد كما بالشكل المقابل



فإن : س < ص أو ص > س

\*\* للمقارنة بين عددين نسبيين " أو أكثر" يلزم توحيد مقاميهما أولاً بحيث يكونا موجبين ثم مقارنة البسطين الناتجين ، كما يفضل وضعهما في أبسط صورة

قارن بين العددين  $\frac{6}{9}$  ،  $\frac{4}{7}$

### مثال

نضع العدد في أبسط صورة :  $\frac{2}{3} = \frac{6}{9}$  " يقسم كل من البسط والمقام  $\div 3$ "

نوحد المقامات :  $9 \div 3 = 3$  ،  $7 \div 3 = 2 \frac{1}{3}$  هو  $7 \frac{2}{3}$

$$\frac{2}{3} = \frac{14}{21} \text{ "بالضرب } \times 7 \text{ " ، } \frac{4}{7} = \frac{12}{21} \text{ "بالضرب } \times 3 \text{ "}$$

$\frac{6}{9} > \frac{14}{21}$  أى أن  $\frac{12}{21} > \frac{4}{7}$  أى أن  $\frac{2}{3} > \frac{4}{7}$  أى أن :  $\frac{2}{3} > \frac{4}{7} > \frac{6}{9}$

## ٩ كثافة الأعداد النسبية :

- \* لأى عددين نسبيين يوجد عدد لا نهائى من الأعداد النسبية المحصورة بينهما
- \* أى عددين صحيحين متتالين لا يوجد بينهما أى عدد صحيح
- \* لأى عدد نسبي لا يمكن إيجاد العدد النسبي السابق له مباشرة أو العدد النسبي التالى له مباشرة

أوجد ثلاثة اعداد نسبية تتحقق بين :  $\frac{1}{2}$  ،  $\frac{1}{3}$

**مثال**

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{6} + \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

لا يوجد اعداد نسبية ظاهرة تقع بين  $\frac{1}{6}$  ،  $\frac{2}{6}$

بضرب حدى كل من العددين  $\times 10$  يصبح العددين  $\frac{20}{60}$  ،  $\frac{30}{60}$

الاعداد  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{2}$  تقع بين العددين  $\frac{22}{60}$  ،  $\frac{23}{60}$ .

### تمارين على مقارنة وترتيب الاعداد النسبية

١- ضع علامة < او > او = مكان النقط

$$(1) - \frac{1}{2} \quad (2) \text{ عدد نسبي موجب } 0000 \text{ صفر}$$

$$(3) \text{ عدد نسبي سالب } 14.2 \quad (4) \text{ عدد نسبي سالب } 0000 \text{ صفر}$$

(٥)  $1.6 \quad (6) \quad (7) \quad (8)$  - اكمل ما يلي

(١) عدد الاعداد النسبية المحصورة بين  $\frac{1}{4}$  ،  $\frac{1}{8}$  هو .....  $\frac{11}{8}$

(٢) العدد النسبي المقابل للعدد  $\frac{1}{2}$  على خط الاعداد هو .....

٣- رتب تصاعدياً والأعداد النسبية الآتية :

٤- رتب تصاعدياً والأعداد النسبية الآتية :

٥- اكتب عددين نسبيين يقعان بين

$$(1) \frac{3}{5} , \frac{1}{4} \quad (2) - \frac{2}{3} , - \frac{3}{4} \quad (3) 0.3$$

٦- اكتب أربعة اعداد نسبية تقع بين كل زوج من أزواج الأعداد الآتية :

$$(1) \text{ صفر} , \frac{5}{6} \quad (2) - \frac{4}{9} , - \frac{1}{6} \quad (3) \frac{11}{12}$$

٧- أوجد أربعة اعداد نسبية تقع بين :  $\frac{3}{4}$  ،  $\frac{3}{2}$  بحيث يكون واحد منهم صحيحاً

٨- أوجد العدد الصحيح المحصور بين  $\frac{9}{4}$  ،  $\frac{11}{6}$  وأيضاً ينحصر بين  $\frac{25}{4}$  ،  $\frac{25}{6}$

الصف الاول الاعدادي

## جمع وطرح الأعداد النسبية

أولاً جمع الأعداد النسبية :

جمع عددين نسبيين متحدي المقام :

إذا كان :  $\frac{m}{b}$  ،  $\frac{n}{b}$  عددين نسبيين فإن :  $\frac{m+n}{b}$

$$\frac{1}{9} = \frac{(4-)+5}{9} = \left(\frac{4}{9}\right) + \frac{5}{9}$$

$$\frac{5}{7} = \frac{3+2}{7} = \frac{3}{7} + \frac{2}{7}$$

مثال

جمع عددين نسبيين مختلفي المقام :

إذا كان :  $\frac{m}{b}$  ،  $\frac{n}{e}$  عددين نسبيين فإن :  $\frac{m}{b} + \frac{n}{e} = \frac{m \times e + n \times b}{b \times e}$

**نضع الناتج في ابسط صورة**

$$\frac{5}{8} = \frac{20}{32} = \frac{8+12}{32} = \frac{1 \times 8 + 4 \times 2}{4 \times 8} = \frac{1}{4} + \frac{3}{8}$$

$$\frac{5}{8} = \frac{2}{8} + \frac{3}{8}$$

مثال

حل اخر

**يفضل وضع الكسر في ابسط صورة قبل الجمع**

$$\frac{2}{3} = \frac{10}{15} \quad , \quad \frac{1}{3} = \frac{4}{12}$$

حيث ان  $\frac{10}{15} + \frac{4}{12}$

$$\frac{1}{3} = \left(\frac{2}{3}\right) + \frac{1}{3} \quad \therefore$$

مثال

$$\frac{17}{5} = \frac{15}{5} + \frac{2}{5} \quad \therefore \quad \frac{15}{5} = 3 \quad \text{حيث ان } 3 = \frac{2}{5} + \frac{2}{5}$$

$$\frac{17}{5} = 3 \frac{2}{5}$$

مثال

حل اخر

$$\frac{17}{5} = \frac{15+2}{5} = \frac{3}{1} + \frac{2}{5}$$

حل اخر

$$\frac{11}{5} - = 2 \frac{1}{5} - \quad , \quad \frac{13}{4} = 3 \frac{1}{4} - \quad (\text{حيث ان } 2 \frac{1}{5} + 3 \frac{1}{4})$$

مثال

$$1 \frac{1}{20} = \frac{21}{20} = \left(\frac{44}{20} -\right) + \frac{65}{20} = \left(\frac{11}{5} -\right) + \frac{13}{4}$$

حل اخر

$$1 \frac{1}{20} = \left(2 \frac{4}{20} -\right) + 3 \frac{5}{20} = \left(2 \frac{1}{5} -\right) + 3 \frac{1}{4}$$

$$\frac{4}{5} = \frac{1}{5} + \frac{3}{5} = \frac{2}{5} + \frac{3}{5} = 0.2 + \frac{3}{5}$$

مثال

## خواص عملية الجمع في ن

إذا كان :  $\frac{b}{b}$ ,  $\frac{c}{c}$ ,  $\frac{d}{d}$  أعداد نسبية

١ - خاصية الانغلاق : عملية الجمع مغلقة في ن :  $\frac{b}{b} + \frac{c}{c} \in N$

٢ - خاصية الإبدال : عملية الجمع إبدالية : في ن :  $\frac{b}{b} + \frac{c}{c} = \frac{c}{c} + \frac{b}{b}$

٣ - خاصية الدمج : عملية الجمع دامجة في ن :

$$\left( \frac{b}{b} + \frac{c}{c} \right) + \frac{d}{d} = \frac{b}{b} + \left( \frac{c}{c} + \frac{d}{d} \right)$$

٤ - وجود العدد المحايد الجمعي : الصفر عدد محايد بالنسبة لعملية الجمع في ن :

" عند إضافة الصفر لأى عدد نسبي لا تتغير قيمة هذا العدد "  $\frac{b}{b} + 0 = 0 + \frac{b}{b}$

٥ - وجود المعكوس الجمعي : لكل عدد نسبي  $\frac{b}{b}$  معكوس جمعي هو العدد النسبي  $\frac{-b}{b}$  بحيث :

$\frac{b}{b} + \left( -\frac{b}{b} \right) = صفر$  " المحايد الجمعي ( المعكوس الجمعي للعدد صفر هو نفسه ) تدريب : أكمل الجدول الآتى :

العدد	$\frac{2}{3}$	$0.4$	$\left( \frac{2}{5} \right)$ صفر	$\frac{5}{7}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{4}{5}$	معكوسه الجمعي
صفر							

### مثال

باستخدام خواص الجمع في ن اوجد ناتج

$$\frac{1}{4} + \frac{5}{7} + \frac{3}{4} + \frac{2}{7} = \left( \frac{1}{4} + \frac{3}{4} \right) + \left( \frac{5}{7} + \frac{2}{7} \right) = 1 + 1 = 2$$

خاصية الابدال = خاصية الدمج

### ثانياً طرح الأعداد النسبية :

عملية الطرح  $(\frac{b}{b} - \frac{c}{c})$  هي عملية جمع المطروح منه  $\frac{b}{b}$  مع المعكوس الجمعي للمطروح  $\frac{-c}{c}$

أى أن :  $\frac{b}{b} - \frac{c}{c} = \frac{b}{b} + \left( -\frac{c}{c} \right)$

$$\frac{2}{7} = \left( \frac{7}{7} - \right) + \frac{5}{7} = (1 -) + \frac{5}{7} = 1 - \frac{5}{7}$$

مثال

$$\left( \frac{3}{2} - \frac{5}{4} \right) + \frac{7}{2} = \frac{1}{4} - \frac{2}{5}$$

$$= \frac{3}{20}$$

مثال

اعداد / علاء خليفة

## تمارين على جمع وطرح الاعداد النسبية

(٢) المعکوس الجمعی للعدد  $\frac{5}{2}$  هو .....  
.....

(٤) المعکوس الجمعی للعدد  $(\frac{2}{5})$  صفر هو .....  
.....

(٦) المعکوس الجمعی للعدد صفر هو .....  
.....

(٨) باقی طرح  $\frac{1}{7}$  من صفر يساوي .....  
.....

(١٠) المعکوس الجمعی للعدد  $-\frac{3}{7}$  هو .....  
.....

أكمل ما يلي  
العدد المحايد الجمعي في ن هو .....  
.....

(٣) المعکوس الجمعی للعدد  $-\frac{4}{9}$  هو .....  
.....

(٥) المعکوس الجمعی للعدد  $-\frac{5}{2}$  هو .....  
.....

(٧) باقی طرح  $\frac{1}{5}$  من  $\frac{1}{6}$  هو .....  
.....

(٩) باقی طرح  $-\frac{2}{5}$  من صفر يساوي .....  
.....  
أوجد ناتج كلا مما يلي في أبسط صورة

$$[\frac{5}{8}] \quad \frac{2}{8} - \frac{7}{8} \quad (٢)$$

$$[\frac{1}{4} -] \quad \frac{3}{6} + \frac{9}{12} \quad (٤)$$

$$[2] \quad (\frac{16}{4} -) + \frac{12}{2} \quad (٦)$$

$$[\frac{22}{4} -] \quad 7\frac{3}{8} + 13\frac{1}{8} - \quad (٨)$$

[ صفر ، ١ ، ٢ ، ٣ ] ، عدد لا نهائي [

$$[\frac{5}{7}] \quad \frac{2}{7} + \frac{3}{7} \quad (١)$$

$$[\frac{27}{8}] \quad \frac{25}{8} + \frac{1}{4} \quad (٣)$$

$$[\frac{5}{2} -] + صفر \quad (٥)$$

(٧)  $\frac{1}{4} + 7 - (\frac{1}{11})$   
اختر الاجابة الصحيحة مما بين القوسين

(١) عدد الاعداد الصحيحة الواقعة بين  $\frac{7}{4}$  ،  $\frac{11}{8}$

(٢) العدد  $\frac{5}{3} <$

(٣) العدد  $\frac{9}{7}$  هو المعکوس الجمعی للعدد

- أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :  
(١)  $-\frac{3}{2} + (\frac{2}{5})$  (٢)  $[\frac{1}{10} - \frac{1}{6}] + \frac{2}{3} - (\frac{1}{6})$

(٣)  $4 + \frac{5}{8} - (\frac{5}{4})$  (٤)  $1\frac{1}{4} - 2\frac{1}{2}$  (٥)  $\frac{5}{2} + 4 - \frac{3}{7}$

(٦)  $[\frac{4}{7} - \frac{3}{4}] + 2 - \frac{1}{7}$  (٧)  $1\frac{1}{7} + 4 - \frac{2}{3}$   
- باستخدام خواص الجمع في ن اوجد ناتج ما يأتي في أبسط صورة:

[ صفر ]

$$\frac{1}{14} + \frac{1}{2} + \frac{3}{7} \quad (١)$$

$$\frac{28}{5} + (\frac{25}{4}) + \frac{13}{5} + \frac{5}{4} \quad (٢)$$

## ضرب وقسمة الأعداد النسبية

تذكرة : قاعدة الإشارات

$+$	$=$	$+$	$\times$	$+$	$**$
$+$	$=$	$-$	$\times$	$-$	$**$
$-$	$=$	$-$	$\times$	$+$	$**$
$-$	$=$	$+$	$\times$	$-$	$**$

أولاً ضرب الأعداد النسبية :

ضرب عددين نسبيين مختلفي المقام :

$$\text{إذا كان : } \frac{m}{b}, \frac{n}{e} \text{ عددين نسبيين فإن : } \frac{m}{b} \times \frac{n}{e} = \frac{m \times n}{b \times e}$$

$$\frac{6}{35} = \frac{3 \times 2}{5 \times 7} = \frac{3}{5} \times \frac{2}{7}$$

ضرب عددين نسبيين مختلفي المقام :

$$\text{إذا كان : } \frac{m}{b}, \frac{n}{b} \text{ عددين نسبيين فإن : } \frac{m}{b} \times \frac{n}{b} = \frac{m \times n}{b^2}$$

$$\frac{15}{16} = \frac{5}{4} \times \frac{3}{4}$$

ملاحظات :  
 \*\* بعد إجراء عملية الضرب يجب وضع الناتج في أبسط صورة  
 \*\* عند إجراء عملية الضرب يمكن اختصار أي بسط مع اي مقام مقام

$$\frac{1}{3} \times \frac{2}{9} - \text{مثال}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} =$$

$$\frac{3}{6} \times \frac{1}{2} - \text{مثال}$$

$$\frac{9}{12} = \frac{1}{4} \times \frac{9}{3} = \frac{1}{4} \times \frac{3}{1}$$

$$\frac{3}{10} = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} - \text{مثال}$$

$$\frac{3}{10} = \frac{3}{5} \times \frac{2}{4}$$

$$1 = \frac{9}{9} = \frac{1}{1} \times \frac{9}{9}$$

$$1 = \frac{5}{5} \times \frac{3}{3} = \frac{1}{1} \times \frac{15}{15}$$

مثال

حل اخر

مثال

حل اخر

خواص عملية الضرب في ن

إذا كان :  $\frac{m}{b}, \frac{n}{e}, \frac{h}{w}$  أعداد نسبية

١ - خاصية الانغلاق : عملية الضرب في ن مغلقة

$$\frac{m}{b} \times \frac{n}{e} = \frac{n}{e} \times \frac{m}{b}$$

٢ - خاصية الإبدال : عملية الضرب في ن إبدالية :

٣ - خاصية الدمج : عملية الضرب في ن دامجة :

$$\left( \frac{m}{b} \times \frac{n}{e} \right) \times \frac{h}{w} = \frac{m}{b} \times \left( \frac{n}{e} \times \frac{h}{w} \right) = \frac{m}{b} \times \frac{n}{e} \times \frac{h}{w}$$

$$4 - وجود العدد المحايد الضريبي : \frac{m}{b} \times 1 = 1 \times \frac{m}{b}$$

٥ - وجود المعكوس الضريبي : لكل عدد نسبي  $\frac{m}{b} \neq 0$  معكوس ضريبي هو العدد النسبي  $\frac{b}{m}$

ملحوظة " الصفر ليس له معكوس ضريبي "

الصف الاول الاعدادي

$$\frac{b}{m} \times \frac{m}{b} = 1$$

اعداد / علاء خليفة

## ٦- خاصية توزيع الضرب على الجمع والطرح:

$$\frac{h}{b} \times (\frac{h}{e} + \frac{h}{w}) = \frac{h}{b} \times \frac{h}{e} + \frac{h}{b} \times \frac{h}{w}$$

$$\frac{h}{b} \times (\frac{h}{e} - \frac{h}{w}) = \frac{h}{b} \times \frac{h}{e} - \frac{h}{b} \times \frac{h}{w}$$

باستخدام خاصية التوزيع اوجد قيمة

**مثال**

$$\frac{5}{9} - \frac{5}{9} \times 15 + \frac{5}{9} \times 4$$

$$(1 - 15 + 4) \times \frac{5}{9} =$$

$$10 = 18 \times \frac{5}{9} =$$

$$\frac{1}{7} \times \frac{5}{11} + \frac{6}{7} \times \frac{5}{11}$$

$$(\frac{1}{7} + \frac{6}{7}) \times \frac{5}{11} =$$

$$\frac{5}{11} = 1 \times \frac{5}{11} =$$

## ثانياً قسمة الأعداد النسبية :

عملية القسمة  $(\frac{b}{p} \div \frac{h}{e})$  هي عملية ضرب المقسم  $\frac{b}{p}$  في المعكوس الضريبي للمقسوم عليه  $\frac{h}{e}$

أى أن :  $\frac{b}{p} \div \frac{h}{e} = \frac{b}{p} \times \frac{e}{h}$  حيث :  $\frac{e}{h} \neq 0$

اوجد قيمة كل مما يأتي في ابسط صورة :

**مثال**

$$(\frac{1}{8} - ) \times \frac{3}{7} = (8 - ) \div \frac{3}{7}$$

$$\frac{3}{56} - =$$

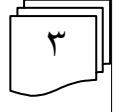
$$\frac{5}{3} \div \frac{2}{3} - 1$$

$$\frac{2}{5} - = \frac{3}{5} \times \frac{2}{3} - =$$

$$\frac{1}{5} \div \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \div 0.2$$



$$\frac{11}{2} \div \frac{11}{5} = \frac{1}{2} \div 2 \frac{1}{5}$$



$$1 = \frac{1}{10} = \frac{5}{1} \times \frac{2}{10} =$$

$$\frac{2}{5} = \frac{2}{5} \times \frac{11}{5} =$$

العدد	$\frac{1}{2} - \frac{3}{4}$	$\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} \div \frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} \times 1$	$\frac{1}{2} \div 1$	$1 - \frac{3}{4}$	$1 \times \frac{1}{2}$	$1 \div \frac{1}{2}$	$1 \times 1$	صفر
معكوسه الضريبي										
معكوسه الجمعي										

## تمارين على ضرب وقسمة الاعداد النسبية

- ١- اكمل ما يلي
- (١)  $\times^3 = 1$  ..... المعکوس الضریب للعدد ١ ..... بينما المعکوس الضریب للعدد ١ .....  
 (٢) العدد النسبی الذي ليس له معکوس ضریب هو .....  $= 1$  .....  $\times^3 = \frac{1}{4}$

٢- أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

[٦]	$\frac{4}{3} \times \frac{9}{2} - (2)$	[٧]	$\frac{2}{7} \times \frac{3}{5} (1)$
[٨]	$(\frac{7}{4} - 14) \div (-4)$	[٩]	$\frac{5}{8} \div \frac{5}{8} (3)$
[١٠]	$\frac{7}{17} \times 2 \frac{3}{7} (6)$	[١١]	$\frac{3}{5} \div (صفر) (5)$
[١٢]	$5 \frac{1}{2} \div 2 \frac{1}{5} - (8)$	[٣٥]	$(8 \frac{1}{7} - 4) \times \frac{2}{7} - (7)$
[٤]	$1 \frac{1}{4} \div 4 \frac{2}{7} - (10)$	[٤٧]	$(\frac{4}{3} - 4) \times \left  \frac{2}{7} \right  - (9)$
[١٣]	$(\frac{8}{5} - (\frac{9}{14} - )) \div [(\frac{5}{7} - ) \times \frac{12}{25} - ] (12)$	[١٨]	$(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}) \times \frac{3}{4} (11)$

٣- بإستخدام خاصية التوزيع أوجد قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة :

[١]	$\frac{1}{3} - \frac{4}{5} \times \frac{10}{12} + \frac{3}{5} \times \frac{10}{12} (2)$	[٥]	$9 \times \frac{5}{12} + 3 \times \frac{5}{12} (1)$
-----	---	-----	---

[٨]	$\frac{8}{17} \times 4 + \frac{8}{17} \times 9 + \frac{8}{17} \times 4 (4)$	[١٢]	$\frac{4}{9} \times 11 + \frac{4}{9} \times 16 (3)$
-----	---	------	---

[٦]	$(\frac{3}{7} - ) + (\frac{3}{7} - ) \times 5 + 8 \times \frac{3}{7} - (6)$	[٣]	$\frac{35}{9} \times (\frac{3}{7}) + \frac{35}{9} \times \frac{3}{5} (5)$
-----	---	-----	---

٤- إذا كان  $s + \frac{1}{4}$  معکوساً جمیعاً للعدد  $\frac{3}{4}$  فأوجد قيمة  $s$

٥- إذا كان :  $s = -\frac{1}{3}$  ،  $ص = \frac{3}{4}$  ،  $ع = \frac{1}{3}$  أوجد قيمة كل من :

(١)  $s + ص + ع = -\frac{5}{4}$

## تطبيقات على الأعداد النسبية

$\frac{1}{2}$  (العدد الاول + العدد الثاني)

ايجاد عدد يقع في نصف المسافة بين عددين

اوجد العدد النسبي الذي يقع في منتصف المسافة بين  $\frac{1}{4}$  ،  $\frac{5}{6}$  امثال  
العدد الذي يقع في منتصف المسافة =  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} + \frac{5}{6} = \frac{26}{24}$

يوجد عدد  
وحيد يقع في  
نصف المسافة

مثال

ايجاد عدد يقع في ثلث المسافة بين عددين

تمهيد اوجد عدد صحيح في ثلث المسافة بين العددين 8 ، 2

من جهة العدد الاصغر = العدد الاصغر +  $\frac{1}{3}$  (الاكبر - الاصغر)

من جهة العدد الاكبر = العدد الاكبر -  $\frac{1}{3}$  (الاكبر - الاصغر)

اوجد العدد النسبي الذي يقع في ثلث المسافة بين  $\frac{4}{7}$  ،  $\frac{1}{4}$  من جهة الاصغر والاكبر

العدد الاصغر  
 $\frac{26}{28} = \frac{4}{7}$   
العدد الاكبر  
 $\frac{49}{28} = \frac{7}{4}$

العدد من جهة الاصغر =  $\frac{1}{3} + \frac{1}{28} [ \frac{16}{28} - \frac{49}{28} ] = \frac{16}{28} - \frac{49}{28}$

$$\frac{27}{28} = \frac{11}{28} \times \frac{1}{3} + \frac{16}{28} =$$

العدد من جهة الاكبر =  $\frac{1}{3} - \frac{49}{28} [ \frac{16}{28} - \frac{49}{28} ] = \frac{16}{28} - \frac{49}{28}$

$$\frac{19}{14} = \frac{38}{28} = \frac{11}{28} \times \frac{1}{3} - \frac{49}{28} =$$

تمارين على تطبيقات على الأعداد النسبية

١ - اوجد عدداً نسبياً يقع في منتصف المسافة بين

$$(1) \quad \frac{3}{8}, \quad \frac{1}{2} \quad [ \frac{61}{24} ] \quad (2) \quad \frac{9}{4}, \quad \frac{7}{6} \quad [ \frac{7}{16} ]$$

$$(3) \quad \frac{3}{8}, \quad \frac{3}{9} \quad [ \frac{61}{88} ] \quad (4) \quad \frac{7}{11}, \quad \frac{3}{4} \quad [ \frac{59}{144} ]$$

$$(5) \quad -\frac{3}{5}, \quad -\frac{5}{6} \quad [ \frac{313}{60} ] \quad (6) \quad -\frac{3}{7}, \quad \frac{8}{3} \quad [ \frac{41}{21} ]$$

٢ - اوجد العدد النسبي الذي يقع عند ربع المسافة بين  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{7}$  من جهة العدد الاكبر [  $\frac{26}{21}$  ]

٣ - اوجد العدد النسبي الذي يقع عند خمس المسافة بين  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{5}$  من جهة العدد الاصغر [  $\frac{49}{75}$  ]  
الصف الاول الاعدادي

## الحدود والمقادير الجبرية

٩ الحد الجبرى :

**الحد الجبرى** هو ما تكون من حاصل ضرب عاملين أو أكثر

**الحد الجبرى** :  $3s = 3 \times s$   
**مكون من** : ٣ عامل عددى "عامل" ، س عامل جبرى "رمز"  
**الحد الجبرى** :  $-s^2 = -1 \times s \times s$   
**مكون من** : -١ عامل عددى ، عاملين جبريين هما س ، ص  
**الحد الجبرى** :  $7s^2 = 7 \times s \times s$   
**مكون من** : ٧ عامل عددى ، عاملين جبريين هما س ، س

٩ درجة الحد الجبرى :

هي مجموع أسس العوامل الجبرية "الرمzie" الداخلة في تكوين هذا الحد

عدد عوامل الحد الجبرى	عوامل الحد الجبرى	درجة الحد الجبرى	معامل الحد الجبرى	الحد الجبرى
٤	-٣ ، س ، س ، ص	٣	-٣	-٣س٣ص
٢	١ ، س	١	١	س
١	٧	صفر	٧	٧
٦	٩ ، س ، س ، س ، ص ، ص	٥	٩	٩س٥ص٣

**تدريب : أكمل الجدول الآتى :**

عدد عوامل الحد الجبرى	عوامل الحد الجبرى	درجة الحد الجبرى	معامل الحد الجبرى	الحد الجبرى
				٤س٣
				٢س٣ص
				٥
				-٣س٣ص
				-س
				٨س٣ص

## المقدار الجبرى :

هو ما تكون من حد جبرى أو أكثر  
 $6s + 4s$  { مقدار جبرى يتكون من حدين " مقدار ذو حدين " }  
 هما :  $6s$  ،  $4s$   
 $3s^2 - 5s + 1$  { مقدار جبرى يتكون من ثلاثة حدود " مقدار ثلاثي " }  
 هم :  $3s^2$  ،  $-5s$  ،  $1$

ملاحظة :

الحد الجبرى الذى لا يحتوى على أى رمز " عامل جبرى " يسمى الحد المطلق  
 فى المقدار الجبرى :  $s^2 - 1$  الحد :  $-1$  يسمى حد مطلق

## درجة المقدار الجبرى

هى أعلى درجة للحدود الجبرية المكونة له  
 المقدار الجبرى :  $5s - 3$  من الدرجة الأولى  
 لأن :  $5$  س هو الحد الأعلى درجة و درجته تساوى  $1$   
 المقدار الجبرى :  $3s^2 - 4s + 1$  من الدرجة الثانية  
 لأن :  $3s^2$  هو الحد الأعلى درجة و درجته تساوى  $2$   
 تدريب : أكمل الجدول الآتى :

درجة المقدار الجبرى	إسم المقدار الجبرى	عدد حدود المقدار الجبرى	المقدار الجبرى
$2$	ذو حدين	$2$	$5s^2 + s$
			$s^3 - s$
			$2^7 b^3 + 2^5 b^2 - 2^2 b$
			$s^3 - 3s^2$
			$5s^3 - 4s^2$

عين درجة المقدار الجبرى  $2^2 b^3 - 2^5 b^2 + 2^7 b$  ثم رتبه :

مثال

(١) حسب قوي م التنازليه  
 المقدار من الدرجة الخامسة  
 (٢) حسب قوي ب التصاعديه

(١) حسب قوي أ التنازليه  $2^2 b^3 + 2^5 b^2 - 2^7 b^3$

(٢) حسب قوي ب التصاعديه  $2^7 b^3 - 2^5 b^2 + 2^2 b^3$

لاحظ ان كل حد يحتفظ باشارته

١ - أكمل ما يأتي :

(١) درجة الحد الجبرى :  $3s^3$  ص هي ٠٠٠٠ و معامله هو ٠٠٠٠٠

(٢) درجة الحد الجبرى : -  $2b^2$  هي ٠٠٠٠٠ و معامله هو ٠٠٠٠٠

(٣) عدد عوامل الحد الجبرى :  $5s^5$  ص ع يساوى ٠٠٠٠

(٤) درجة المقدار الجبرى :  $4s + 3s^3$  هي ٠٠٠٠

(٥) درجة المقدار الجبرى :  $s^2c^9 - 9s^3$  هي ٠٠٠

(٦) إذا كانت درجة الحد الجبرى  $s^n$  هي درجة الحد الجبرى  $3s^3$  ص فإن  $m = 000$

(٧) إذا كانت درجة الحد الجبرى :  $4s^n$  ص هي الدرجة الخامسة فإن :  $n = 0000$

(٨) إذا كان المقدار الجبرى :  $s^5 + 3s^{n+1} - s^9 + 5$  مرتبأ حسب أسس س التنازليّة حيث  $n \in \mathbb{N}$  فإن :  $n = 0000$

(٩) إذا كان المقدار الجبرى :  $2s^2c^3u^3 + 3s^3cu^2 + 6sc^2u$  من الدرجة السادسة حيث  $n$  عدد طبيعي فإن  $n \in \{ \dots \}$

(١٠) درجة الحد المطلق في أي مقدار جبري هي .....  
٢ - رتب المقادير الآتية تنازلياً حسب أسس "قوى" س :

(١)  $3s^5 - 5s^1$

(٢)  $2s^3c^3 + 3c^2 - 6sc^2 - s^3$

(٣)  $s^4c + sc^2 - s^3c^2 + sc^3$

٣ - عين درجة كل المقادير الآتية

(١)  $2s^3 + 3$

(٢)  $3s^3 - 2s^2$

(٣)  $3s^3 + s^3$

(٤)  $s^5 - 5s^1$

(٥)  $s^2c^3 + 3c^2 - 6sc^2 - s^3$

(٦)  $7sc^3 + sc^2 - s^3c^2 + sc^3$

## الحدود الجبرية المتشابهة

تتشابه الحدود الجبرية إذا تشابهت الرموز الجبرية المكونة لعواملها وتساوت فيها أسس هذه الرموز فمثلاً :

الحدود الجبرية :  $7s^4 - 3s^4$  هي حدود جبرية متشابهة من الدرجة الأولى  
الحدود الجبرية :  $2sc^4 - 4sc^4$  هي حدود جبرية متشابهة من الدرجة الثالثة  
الحدود الجبرية :  $3s^4 - 4s^4$  هي حدود جبرية غير متشابهة لاختلاف الأسس

### جمع و طرح الحدود المتشابهة :

عند جمع و طرح الحدود الجبرية المتشابهة نجمع أو نطرح معاملات الحدود الجبرية أما العوامل الجبرية " الرموز " فتظل كما هي

اجمع :

$$\begin{aligned} \text{مثال } (1) & 5s^3 + 3s^5 \\ & = (3 + 5)s^5 \\ & = 8s^5 \end{aligned}$$

اطرح :

$$\begin{aligned} \text{مثال } (1) & 4s^3 - 4s^3 \\ & = (1 - 4)s^3 \\ & = -3s^3 \end{aligned}$$
$$\begin{aligned} (2) & 2b^2 - 4b^2 + 2b^2 - 4b^2 \\ & = 2b^2 + (-4b^2) + (-2b^2) + 2b^2 \\ & = [2b^2 + 2b^2] + [-4b^2 + (-2b^2)] \\ & = 4b^2 - 6b^2 \\ & = -2b^2 \end{aligned}$$

### اختصار المقدار الجبرى :

اختصار المقدار الجبرى يعني وضعه فى أبسط صورة أى أن تكون جميع الحدود الجبرية المكونة له غير متشابهة و يتم ذلك بجمع الحدود الجبرية المتشابهة

اختصر لأبسط صورة :

$$\begin{aligned} \text{مثال } (1) & 6s^2 + 8s^2 - 4s^2 + 2s^2 \\ \text{المقدار} & = (6s^2 - 4s^2) + (8s^2 + 2s^2) = 2s^2 + 10s^2 \end{aligned}$$

$$(2) 4s^2 - 6s^2 - 5s^2 + 4s^2 + 3s^2$$

$$\begin{aligned} \text{المقدار} & = (4s^2 - 6s^2 + 3s^2) + (-5s^2 + 4s^2) \\ & = 2s^2 - 2s^2 \end{aligned}$$

## تمارين على الحدود الجبرية المتشابهة

١- اختصر لأبسط صورة :

$$(1) 3m + 4b - 7m - 5b$$

$$(2) 5s - s^2 + 4s + 3s^2 - 7s - 3s^2$$

$$(3) 4s + 8s + 2s - 5s$$

$$(4) 2s^3 + 3s^2 + 4s^3 - 5s^2$$

$$(5) 5s - 3s^2 + 4 - 7s^2 - 6s - 1$$

$$(6) 2m^2 - 3m^2 + 4b^2 - 2b^2 - 5b^2 - 6$$

٢- اجب عما يأتي :

$$(1) 5s + 4s$$

$$(2) 8s - 3s$$

$$(3) -6s + 5s$$

$$(4) ما زيادة - 4s عن s$$

$$(5) مانقص 3m عن - 2$$

$$(6) اطرح 6s من 3s$$

$$(7) من 2m^2 اطرح 7m^2$$

$$(8) اطرح 3m^2 من 7m^2$$

$$(9) ما زيادة 3s عن 9s$$

$$(10) ما نقص - 6m عن صفر$$

$$(11) ما الحد الذي يجب إضافته إلى الحد 4s ليكون الناتج 8s$$

٣- أكمل :

$$(1) إذا كان الحدان الجبريان : 2m^2 b^{n+2} , 5m^2 b^m متشابهين فإن : n = ..... .$$

$$(2) إذا كان الحدان الجبريان : 9s^m c^{n+2} , 4s^m c^n متشابهين فإن :$$

$$m = 0000 , n = 0000$$

٤- أكتب كلاً من المقادير الجبرية التي تعبّر عن مجموع المساحات لكل شكل :

$$2s$$

$$5s^2$$

$$4s$$

$$3s^2$$

$$s$$

$$4s^2$$

$$7$$

$$14s$$

$$3$$

$$5s^2$$

$$5$$

$$7s$$

## ضرب وقسمة الحدود الجبرية

### ٩ ضرب الحدود الجبرية

نعلم أن :  $s \times s = s^2$  " عند ضرب الأساسات المتشابهة نجمع الأساس " \*\* عند ضرب الحدود الجبرية :  
 نضرب المعاملات مع ملاحظة قاعدة ضرب الإشارات ثم نضرب الرموز مع ملاحظة جمع أساس العوامل ذات الأساسات المتشابهة  
 أجر عمليات الضرب الآتية :  
 $5s \times 3s = (5 \times 3) \times (s \times s) = 15s^2$  مثال

$$4s \times -2s = (4 \times -2) \times (s \times s) = -8s^2$$

$$3s^3 \times s \times 6s = 18s^4 \quad \text{مباشرة دون الإستعانة بالأقواس "}$$

$$7s^3 \times -4s = -28s^4$$

### ١٠ قسمة الحدود الجبرية

نعلم أن :  $s^3 \div s^2 = s^1$  " عند قسمة الأساسات المتشابهة نطرح الأساس " \*\* عند قسمة الحدود الجبرية :  
 نقسم المعاملات مع ملاحظة قاعدة قسمة الإشارات ثم نقسم الرموز مع ملاحظة طرح أساس العوامل ذات الأساسات المتشابهة " أس المقسم عليه من أس المقسم " أوجد خارج قسمة ما يلي :



**تابعنا على صفحتنا على الفيسبوك**  
[www.facebook.com/ZakrolySite](http://www.facebook.com/ZakrolySite)

$$12s^3 \div 4s^2 = 3s$$

$$-15s^5 \div 3s^3 = -5s^2$$

$$21s^3 \div -3s^2 = -7s$$

ملاحظات :

\*\* خارج قسمة عاملين متساوين في الأساس و الأساس يساوى ١

فمثلاً :  $5s \div 5s = 1$  ،  $5s \div 5s = s^0$

\*\* قسمة أي حد جبرى على الصفر ليس لها معنى  
 لذا نعتبر العوامل الرمزية في جميع المسائل لا تساوى الصفر

## تمارين على ضرب وقسمة الحدود الجبرية

١ - أكمل ما يأتي :

$$(1) 2s \times 5s = \dots$$

$$(2) 3^2 b \times 5^2 b = \dots$$

$$(3) (3s \times s) + 4s = \dots$$

$$(4) -6s^2 c \div -2s^2 c = \dots$$

$$(5) (s^3 \div s^3) - 3s^3 = \dots$$

$$(6) 81c^2 \div \dots = 27c$$

$$(7) \dots \times 4cl = 36c^2 l$$

٢ - أوجد ناتج ما يأتي :

$$(1) -5s \times 1$$

$$(2) 2s^2 c \times 3^2 c \div -6sc$$

$$(3) 3s \times s \times 4^2 b \div 4b$$

$$(4) ( -52s^3 ) \div ( -13s^2 )$$

$$(5) \frac{4}{7}s^2 c \div \frac{2}{7}s^2 c$$

$$(6) 81c^2 \div 6sc$$

$$(7) 32 - 14b \div (-4m^3)$$

٣ - اجر عمليات الضرب التالية :

$$(1) \frac{2}{3}s^4 \times \frac{3}{2}s^3$$

$$(2) \frac{8}{10}b^8 \times \frac{15}{2}b^2$$

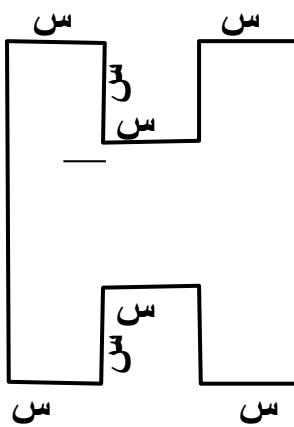
$$(3) 3s^3 \times \frac{1}{6}s^2$$

$$(4) \frac{2}{7}m^2 \times \frac{21}{7}s^0$$

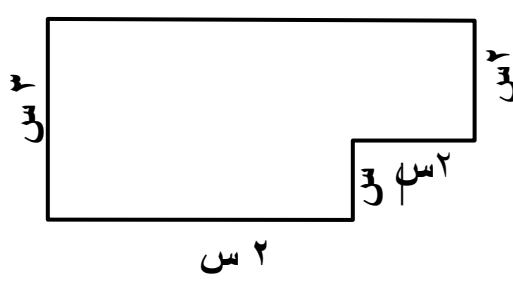
$$(5) \frac{25}{10}sc^2 \times \frac{2}{2}s^2 n^2$$

$$= 5sc^2 n^2$$

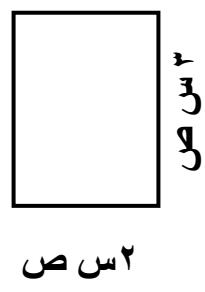
٤ - أحسب محيط ومساحات كل شكل من الأشكال الآتية :



$$[18s, 10s^2]$$



$$[4s, 10s^3]$$



$$[2s^2, 6s^4]$$

## جمع و طرح المقادير الجبرية

جمع و طرح المقادير الجبرية مثل جمع و طرح الحدود الجبرية يتم جمع أو طرح الحدود الجبرية المتشابهة في المقادير الجبرية كل على حدة  
\*\* توجد طريقتين لجمع أو طرح المقادير الجبرية كما يتضح من الأمثلة الآتية :

(١) الطريقة الأفقية :  
في الجمع

ناتج الجمع = المقدار الأول + المقدار الثاني " وتم كما في اختصار المقدار الجبرى "

$$\text{أجمع } s - 5 + 1 , \quad 7 - s - 4 \\ \text{الـ}$$

مثال

$$\text{ناتج الجمع} = 3s - 5 + 1 + 7 - s - 4$$

$$= (3s - s) + (-5 + 7) + (1 - 4) = 2s + 2 - 3$$

المعكوس الجمعي للمقدار الجبرى :

هو مقدار جبرى آخر حدوده هى المعكوسات الجمعية لحدود المقدار الجبرى الأصلى و يكون مجموع المقدار الجبرى الأصلى و معكوسه الجمعى يساوى صفر

المقدار الجبرى :  $3s - 5 + 1$  معكوسه الجمعى هو :  $-3s + 5 - 1$

، ناتج الجمع =  $(3s - 5 + 1) + (-3s + 5 - 1)$  = صفر

فى الطرح :

نجم المطروح منه مع المعكوس الجمعي للمطروح ويكون :

$$\text{باقي الطرح} = (\text{المقدار الثاني}) - (\text{المقدار الأول})$$

مثال

$$\text{إطرح } 3s - 5 + 1 \text{ من } 7 - s - 4 \\ \text{الـ}$$

$$\text{ناتج الطرح} = (7 - s - 4) - (3s - 5 + 1)$$

$$= 7 - s - 4 - 3s + 5 - 1 = 12 - 4s - 5$$

ملحوظة

\*\* يكتب المقدار الذي بعد كلمة من في السطر الاول

\*\* يكتب المقدار الذي بعد كلمة مازاده في السطر الاول

\*\* يكتب المقدار الذي بعد كلمة مانقص في السطر الثاني

\*\* يكتب المقدار الذي بعد كلمة /ضافة/ الي في السطر الثاني

يجب تغيير اشارة السطر الثاني

## (٢) الطريقة الرئيسية:

في الجمع :

**مثال** نرتّب المقدارين رأسياً بحيث تقع الحدود المتشابهة تحت بعضها  
أجمع المقادير الآتية :  $3s - 5c + 1$  ،  $7s - s - 4$

**الحل**

$$\begin{array}{r} 3s - 5c + 1 \\ -s + 7c - 4 \\ \hline 2s + 2c - 3 \end{array}$$

المقدار الأول :  
المقدار الثاني :  
ناتج الجمع =

في الطرح :

نرتّب حدود المقدار الاول أسفل حدود المقدار الثاني  
إطرح :  $3s - 5c + 1$  من  $7s - s - 4$

**الحل**

المقدار الثاني :  

  
المقدار الاول :

باقي الطرح =  $12s - 4c - 5$

**مثال** ما المقدار الذي يجب اضافته الى  $8 - 2^3 + 2^4 + 5^2 - 7^5$  ليكون الناتج

نرتّب حدود المقدارين  
مع ترك مسافات اعلى  
واسفل الحدود التي لا يوجد  
لها حدود متشابهة

**الحل**

المقدار الثاني :  
المقدار الاول :

المقدار المضاف =  $2^5 - 3^3 + 4^2 - 5^2$

$s^3 - 5s - 1$  عن  $3s^2 + 2s - 3$

**مثال** ما زيادة

**الحل**

المقدار الاول :  
المقدار الثاني :

مقدار الزيادة =  $-2s^2 - 7s + 2$

## تمارين على جمع و طرح المقادير الجبرية

١ - أوجد مجموع كل من :

$$(1) 3s + 3s - 4s$$

$$(2) 3s - 4s + 2s$$

$$(3) 2s - 3s + s$$

$$(4) 3s - 4s + 2s$$

$$- 3s + 7s + 3s$$

$$\begin{array}{r} , 3s + 3s - 2s \\ , s + s - 5 \\ \hline , 3s - 4s + s \\ , 3s - 2s \\ \hline (5) 2s - 4s + 6 \\ 2s + 6 \\ \hline \end{array}$$

٢ - إطرح :

$$(1) s - 2$$

$$(2) 2s + 6s - 7$$

$$(3) 3b^2 - 4b^2 - b^2$$

$$\text{من } 2s - 5$$

$$\text{من } 2s - 5s + 2$$

$$\text{من } 2s^2 - 2b^2 + 2b^2$$

٣ - ما زيادة :

$$(1) 3b + 7b$$

$$(2) 3s^2 - 5s + 6$$

$$(3) s^2 - 5s - 1$$

$$(4) s - 3s - 6$$

$$\text{عن } 2b^2 - b$$

$$\text{عن } 2s^2 - 4s + 3$$

$$\text{عن } 2s^2 + 2s - 3$$

$$\text{عن } 4s + 3s - 6$$

٤ - ما نقص  $4 - b - 7 - g$

٥ - ما المقدار الذي يجب إضافته إلى  $2s - 3s + 5$  ليكون الناتج  $2s + 3s - s$

٦ - ما المقدار اللازم طرحة من  $2b + g - 2$  ليكون الناتج  $2b + b - g$

٧ - ما المقدار اللازم إضافته إلى  $2b^2 - 5$  ليكون الناتج صفرأ

٨ - ما نقص :  $2 - b - g$  عن مجموع  $2^3 - 2b + g$ ,  $2 - 4b - 8g$

٩ - أطرح :  $2b + 5$  من  $2b + 7$

[ ١٠ ] ثم أوجد القيمة العددية للناتج عندما  $b = 1$

- أضف :  $3s^2 + 2s - 5$  إلى  $s - 2s^2 - 3s$

[ ٣- ] ثم أوجد القيمة العددية للناتج عندما  $s = -1$ ,  $s = 2$

## ضرب حد جبرى فى مقدار جبرى

عند ضرب حد جبرى فى مقدار جبرى نضرب هذا الحد فى كل حد من حدود المقدار الجبرى

$$\begin{array}{r}
 \text{حل آخر} \\
 3s \times 4s + 5s \\
 \times 3s \\
 \hline
 12s^2 + 15s
 \end{array}$$

**مثال**

$$\begin{aligned}
 & 3s(4s + 5s) \\
 &= (3s \times 4s) + (3s \times 5s) \\
 &= 12s^2 + 15s
 \end{aligned}$$

(٢)  $3(2s + 3s) = 6s + 9s$

**مثال** اختصر (١)  $5(s + 2s) - 2(2s + 3s)$

$$\begin{aligned}
 &= 5s + 10s - 4s - 6s \\
 &= s + 4s
 \end{aligned}$$

### تمارين على ضرب حد جبرى فى مقدار جبرى

١- أكمل ما يأتي :

$$(1) s(s - 1) = ..... - 2s - 2$$

$$(3) 5s(.... + 3s^2) = 10s^3 + .... \quad (4) 2(4s^2 + ..... ) = 8s^2 + 2s$$

٢- اوجد ناتج ما يأتي :

$$(2) 2s(2s^2 - s - 5)$$

$$(1) 2(4s^2 + 2s - 7)$$

$$(3) 3 - 2k(2k^2 - 7)$$

$$(5) \frac{1}{3}s^3(6s^3 - 9s^2 - 3s^2)$$

$$(7) 2s^2c(2s^2 - 3s^2 + c^2)$$

$$(2) 3(4 - 2s) - 4(3 - 2s)$$

٣- اختصر كلا من المقادير الآتية :

$$(1) 2(2 - b) + 2(2 + b)$$

$$(3) 2s(s + c) - c(s^2 - c) + 2(c^2 - s^2)$$

$$4. \text{ اختصر } 2^3(4 - 2^4) + 2^2(3 + 2^3) - 2^5(2^2 - 1)$$

[١٢]

الصف الاول الاعدادى

## ضرب مقدار جبri مكون من حدين فى مقدار آخر



٩ ضرب مقدارين جبriين كل منهما مكون من حدين

أولاً : إذا كان حدى المقدار الأول يختلفان عن حدى المقدار الثاني :

$$(س + ص)(٢ - ب) = س(٢ - ب) + ص(٢ - ب)$$

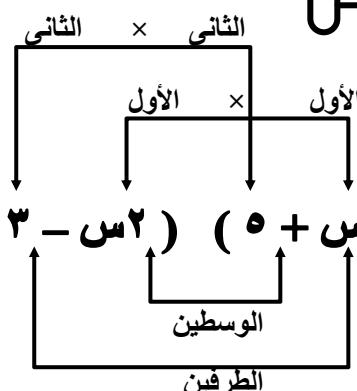
$$= س٢ - سب + ص٢ - صب$$

ثانياً : إذا كان حدى المقدار الأول يشابةان حدى المقدار الثاني :

$$(س + ٥)(٢س - ٣) = س(٢س - ٣) + ٥(٢س - ٣)$$

$$= ٢س٢ - ٦س + ١٠ + ٥س - ١٥ = ٢س٢ - ٧س - ١٥$$

٩ الضرب بمجرد النظر



$$(٢س + ٣)(٥س - ١) = ٢س(٥س - ١) + (٣ + ١)(٥س - ١) \\ = ١٠س٢ - ٢س + ١٥س - ١ = ١٠س٢ + ١٣س - ٣$$

مثال

أوجد عمليات الضرب الآتية بمجرد النظر :

$$(س - ٢)(٢س - ٥) \\ = ٢س٢ - ٩س + ١٠$$

$$(س + ٢)(س + ٣) \\ = س٢ + ٥س + ٦$$

$$٢٥ = (٢ + ٥)(٢ - ٣)$$

$$٢٢ = (٢ - ٣)(٢ + ٣)$$

مثال

أكمل الحد الناقص في ما يأتي :

$$(١) (س + ٤)(س - ١) = ٠٠٠٠ - ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠$$

$$(٢) (١ - ٢ب)(٥ + ب) = ٠٠٠٠ - ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠ = (٠٠٠٠ + ٥ب) - ٦ب^٢$$

$$(٣) (٤س + ١)(٣ + ٠٠٠٠) = ٤س٣ + ٠٠٠٠ + ٤س٠٠٠ + ٠٠٠٠$$

$$(٤) (س - ٦)(س - ٢) = ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠ - ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠$$

$$(٥) (٣س - ٢ص)(٧س + ٠٠٠٠) = ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠ = (٠٠٠٠ + ٧س) - ١٠ص$$

$$(٦) (٢س - ٥)(١ - ٠٠٠٠) = ٠٠٠٠ + ٠٠٠٠ - ٨س + ١( - ٠٠٠٠)$$

تدريب

## مربع مقدار ذى حدين

نعلم أن  $(س + ص)^2 = (س + ص)(س + ص) = س^2 + 2س ص + ص^2$   
 $(س - ص)^2 = (س - ص)(س - ص) = س^2 - 2س ص + ص^2$

مربع مقدار ذو حدين = مربع الأول ± (الأول × الثاني × ٢) + مربع الثاني

أوجد مفكوك كلا مما يأتي :

مثال

$$(3س + 5)^2 = (3س)^2 + 2 \times 3س \times 5 + 5^2 = 9س^2 + 30س + 25$$

$$(3س - 5)^2 = (3س)^2 - 2 \times 3س \times 5 + 5^2 = 9س^2 - 30س + 25$$

أكمل الحد الناقص في ما يأتي :

$$(1) (س + 4)^2 = \dots + \dots + \dots + \dots$$

$$(2) (س - 5)^2 = \dots - \dots - \dots - \dots$$

$$(3) (2م + 7ن)^2 = \dots + \dots + \dots + \dots$$

$$(4) (6 - 2ص)^2 = \dots - \dots - \dots - \dots$$

تدريب

## ضرب مجموع حدين في الفرق بينهما

بما أن  $(س + ص)(س - ص) = س^2 + س ص - س ص + ص^2 = س^2 + ص^2$

مجموع حدين × الفرق بينهما = مربع الحد الأول - مربع الحد الثاني

أوجد حاصل ضرب

$$(س + 3)(س - 3) = س^2 - 9$$

مثال

أكمل الحد الناقص في ما يأتي :

$$(1) (س + 4)(س - 4) = \dots - \dots - \dots + \dots$$

$$(2) (5س - 6)^2 = (5س + \dots)^2 - \dots - 64ص^2$$

$$(3) (\dots + 4000)(\dots - 4000) = \dots - 160000 - ص^2$$

تدريب

## ضرب مقدار جبى مكون من حدين في آخر مكون من أكثر من حدين

$$\begin{aligned} (س - 3)(س^2 + 4س - 7) &= س(س^2 + 4س - 7) - 3(س^2 + 4س - 7) \\ &= س^3 + 4س^2 - 7س^2 - 3س^2 - 12س + 21 \\ &= س^3 + س^2 - 19س + 21 \end{aligned}$$

١ - أكمل ما يأتى :

$$(1) \text{ الحد الأوسط في مفكوك } (3s - 1)^2 \text{ هو } \dots \dots \dots$$

$$(2) \text{ إذا كان : } (2s + c)^2 = 4s^2 + 4sc + c^2 \text{ فإن : } k = \dots \dots \dots$$

$$(3) \text{ إذا كان : } (2s + c)(s - c) = 2s^2 + 2sc - c^2 \text{ فإن : } k = \dots \dots \dots$$

$$(4) \text{ إذا كان : } (s - 3)(s + 3) = s^2 + 9 \text{ فإن : } k = \dots \dots \dots$$

$$(5) \text{ إذا كان : } (s + c)^2 = 15, \quad s^2 + 9 = \dots \text{ فإن } sc = \dots \dots \dots$$

$$(6) (2s - 1)^2 = \dots \dots \dots - \dots \dots \dots$$

$$(7) (4 + 1000)^2 = c^2 + \dots \dots \dots + \dots \dots \dots$$

$$(8) (5 - 1000)(5 + 1000) = s^2 - \dots \dots \dots$$

$$(9) (3s + 1000)(5 - 1000) = 6s^2 - \dots \dots \dots$$

$$(10) 101 \times 100 = (1 + 100)(100 - 1) = \dots \dots \dots - \dots \dots \dots$$

٢ - أوجد بمجرد النظر كل مما يأتى :

$$(1) (4 - b)^2 \quad (2) (2s + 5c)^2$$

$$(3) (4s + 1)^2 \quad (4) (s - 2c)(s + 2c)(s + 4c)$$

$$(5) (3s - 5c)^2 \quad (6) (5m - 2c)(3s + 5c) \quad (7) (6m + 1)^2$$

٣ - أوجد نواتج عمليات الضرب الآتية :

$$(1) (s + 3)(s + 1) \quad (2) (3s - c)(s + 2c) \quad (3) (s - 2c)^2$$

٤ - أستخدم الضرب بمجرد النظر و الحساب العقلى لتسهيل إيجاد ناتج :

$$(1) (101)^2 \quad (2) 102 \times 98 \quad (3) (49)^2$$

٥ - اختصر لأبسط صورة :

$$(1) (s - 4)^2 - 16 \quad (2) (s - 3)^2 - s^2 - 9$$

$$(3) (s - 2)^2 - s(s + 2) - s(s + 3)$$

٦ - اضرب ثم أوجد القيمة العددية عندما  $s = 1$  ،  $c = 2$  .

$$(1) (s - 5c)(s + 5c) \quad [٩٩] \quad (2) (3s + c)(s + 3c) \quad [٥]$$

$$(3) (s + 4)(3s + 2) \quad [٦] \quad (4) (4c + 7)(3c + 4) \quad [٢٥]$$

٧ - أوجد حاصل ضرب :  $(2s - 2)^2 + (s - 2)(s + 2)$

$$[١٣] \quad \text{ثم أوجد القيمة العددية للناتج عندما } s = -1$$

$$7 + (3 + 2)(2 - 3) \quad [٧]$$

$$[٢] \quad \text{ثم أوجد القيمة العددية للناتج عندما } s = 2$$

## قسمة مقدار جبرى على حد جبرى

عند قسمة مقدار جبرى على حد جبرى نقسم كل حد من حدود المقدار على هذا الحد

**مثال**

$$\frac{18s^3 + 9s^2 - 6s}{3s^3}$$

أوجد خارج قسمة :

$$خارج القسمة = \frac{18s^2}{3s^3} - \frac{9s}{3s^3} + \frac{6s}{3s^3} + 3s - 2$$

**مثال**

$$\frac{16s^3 + 8s^2 + 4s}{4s}$$

أوجد خارج قسمة :

$$خارج القسمة = \frac{16s^2}{4s} + \frac{8s}{4s} - \frac{4s}{4s} = -4s^2 + 2s - 1$$

تمارين على قسمة مقدار جبرى على حد جبرى

١- أوجد خارج قسمة كل من :

على  $-3$

$$(1) 9s + 15s$$

على  $3s^2$

$$(2) 30s^2 - 6s^2$$

على  $-s$

$$(3) s^3 + 3s^2 - 2s$$

على  $-2b^3$

$$(4) 2^3b^2 - 6b^2 + 2^2b^3$$

$$(5) 15s^2 + 6s^2 - 3s^2 \text{ على } 3s^2$$

علي  $-8s^3$

$$(6) 2^3s^6 - 4s^3 + 72s^7$$

علي  $2^2b^3$

$$(7) 2^2b^3 - 4^2b^3 + 6^2b^3$$

٢- أقسم :  $12s^3 - 4s^2 + 4s$  على  $4s^2$

ثم أوجد القيمة العددية للناتج عندما :  $s = 1$  ،  $\text{ص} = -1$  [٤]

٣- مستطيل مساحته  $(2^3b^2 + 2^2b^3 - 2^2b^3) \text{ سم}^2$  ، وطوله  $4^2b^3 \text{ سم}$  أوجد عرضه اذا كانت  $b = 1$  ،  $\text{ب} = 2$  [٤]

## قسمة مقدار جبري على مقدار جبري آخر

لقسمة مقدار جبri على جبri آخر نتبع الخطوات الآتية

- (١) ترتيب حدود كلا من المقسم والمقسوم عليه ترتيبا تصاعديا أو تنازليا (فضل تنازليا)
- (٢) نقسم الحد الأول من المقسم على الحد الأول من المقسوم عليه
- (٣) نضرب خارج القسمة القسمة في جميع حدود المقسوم عليه
- (٤) نطرح حاصل الضرب من المقسوم
- (٥) نكرر الخطوات ٢ ، ٣ ، ٤ حتى يصبح باقي الطرح مساويا الصفر

**مثال**

$$\text{اقسم } s^3 + s + 10 \text{ على } s + 2$$

$$\begin{array}{r}
 s + 2 \\
 \hline
 s^3 - 2s + 5 \\
 \hline
 s^3 + 10 + s - 2s - 4 \\
 \hline
 10 + 5 \\
 \hline
 10 + 5
 \end{array}$$

$$\text{اقسم } s^3 + 2s - 3 \text{ على } s + 3$$

$$\begin{array}{r}
 s + 3 \\
 \hline
 s - 1 \\
 \hline
 s^3 + 2s - 3 \\
 \hline
 s^3 - s - s \\
 \hline
 -s - s \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

أوجد قيمة  $m$  التي تجعل المقدار  
 $s^3 - 5s^2 - 4s + m$   
يقبل القسمة على  $s^2 - 3$  بدون باق

$$\text{اقسم } m^3 - 2m^2 - 8m + 4 \text{ على } m^2 - 2m + 4$$

$$\begin{array}{r}
 m^2 - 2m + 4 \\
 \hline
 m^3 - 2m^2 - 8m + 4 \\
 \hline
 m^3 - m^2 + m^2 - 2m + 2m - 4 \\
 \hline
 -m^2 + m^2 - 8m + 4 \\
 \hline
 -8m + 4 \\
 \hline
 4 = 4
 \end{array}$$

## تمارين على قسمة مقدار جبري على مقدار جبري آخر

١- اوجد خارج قسمة كل مما يأتي : ( حيث المقسم عليه ≠ صفر )

$$(1) s^3 + 5s + 4 \text{ على } s + 1$$

$$(2) 2s^3 + 13s + 10 \text{ على } s + 5$$

$$(3) s^3 + 8 - s^2 - 2s \text{ على } s^3 - 3s + 4$$

$$(4) 3s^3 - 4s + 1 \text{ على } s - 1$$

$$(5) 3s^3 + s^3 - s - 3 \text{ على } s^3 - 1$$

$$(6) s^4 + 3s^3 + 2 \text{ على } s^3 + 1$$

$$(7) s^3 + 1 \text{ على } s + 1$$

$$(8) 8s^3 + 27s^2 \text{ على } 2s + 3s$$

٢- اذا كان  $s^2 + 3s + 3$  احد عاملين المقدار  $s^3 - s^2 - 9s - 12$  فاوجد العامل الآخر

٣- اوجد قيمة ل التي تجعل المقدار  $s^3 - 3s^2 - 5s + 25$  يقبل القسمة على   
 [٢١]  $s^3 + 4s + 3$  بدون باق حيث المقسم عليه ≠ صفر

٤- اوجد قيمة ج التي تجعل المقدار  $6s^3 - 6s^2 + 6s + 5$  يقبل القسمة على   
 [٨]  $2s^3 + 4s + 3$  بدون باق حيث المقسم عليه ≠ صفر

٥- اوجد قيمة ك التي تجعل المقدار  $2s^3 - s^2 - 5s + k$  يقبل القسمة على   
 [٣]  $2s^2 - 3$  بدون باق حيث المقسم عليه ≠ صفر

## التحليل بإخراج العامل المشترك الأعلى

نعم أن :

$$7 \times (4 + 5) = 4 \times 7 + 5 \times 7 \quad \text{خاصية التوزيع}$$

ذلك العملية العكسية لخاصية التوزيع ممكنة أيضاً أى أن :

$$7 \times 4 + 5 \times 7 = (4 + 5) \times 7$$

و تسمى : التحليل بإخراج العامل المشترك الأعلى " ع . م . "

حل باستخدام العامل المشترك الأعلى، " ع . م . "

$$5s^3 - 15s = 5s(s^2 - 3)$$

$$10s^2 - 4s^3 - 4s = 4s(3s^2 - s)$$

$$\begin{aligned} &= (j - k) \\ &- (k - j) \\ &+ (j + k) \\ &= (j + k) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= 2(k - j) + b(j - k) \\ &= 2(k - j) - b(k - j) \\ &= (k - j)(2 - b) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &= s(m + n) + s(m + n) \\ &= (m + n)(s + s) \end{aligned}$$

مثال

تمارين على التحليل بإخراج العامل المشترك الأعلى

١- أكمل ما يأتي :

$$(1) 5s + 10s = 5(s + \dots)$$

$$(2) s^3 - s^2 = s(s - \dots)$$

$$(3) 3s^3 + 15s^2 = 3s(\dots + \dots)$$

$$(4) \text{إذا كان: } s + c = 5 \text{ فإن: } s(s + c) + c(s + c) = \dots$$

$$(5) \text{إذا كان: } 7s - 7c = 7(s - c) = \dots$$

٢- حل المقادير الآتية بإخراج ع . م . :

$$(1) 12s^3 + 8s^2 = s(s^2 + \dots)$$

$$(2) 30s^3 - 15s^2 = s(s^2 + \dots)$$

$$(3) 18s^4 - 12s^3 + 6s^2 - 8s = s(s^3 + \dots)$$

$$(4) s(2 - b) + c(2 - b)$$

٣- إستخدم التحليل لتسهيل إيجاد ناتج :

$$(2) 35 \times 27 + 65 \times 27$$

$$(1) 55 \times 48 + 45 \times 48$$

$$(3) 35 + 5 \times 35 + 14 \times 35$$

$$(4) (49 + 50) + (49 + 50)$$

٤- إذا كان  $m - 2n = 0$  فأوجد القيمة العددية للمقدار  $(m - 2n)^3 - 6n(m - 2n)$

## مقاييس النزعة المركزية المنوال - الوسيط - الوسط الحسابي

أولاً : المنوال

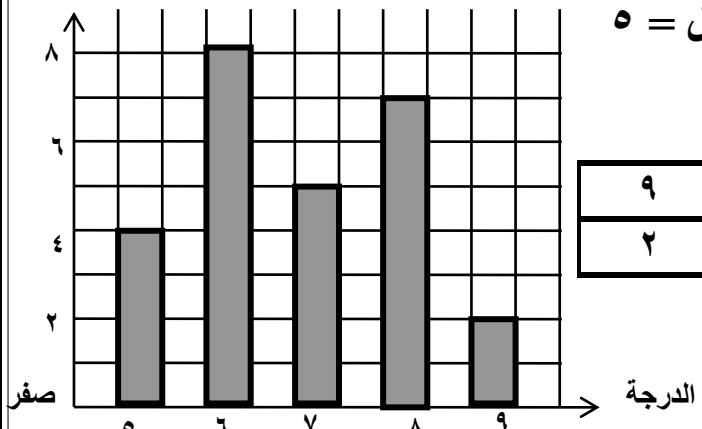
०६८

المنوال = ٥

القيمة الأكثـر شيوـعاً هي ٥

الدول التالية، بين، در حات ٢٦ طالب

فِي إِيمَانٍ



٩	٨	٧	٦	٥	الدرجة
٢	٧	٥	٨	٤	اللاميذ

### (١) مثل البيانات بالاعمدة البيانية

(٢) اوجد المنوال للدرجات .  $\text{المنوال} = ٦$

ثانياً: الوسيط

الوسيط هو القيمة التي تتوسط مجموعة القيم بعد ترتيبها تصاعدياً أو تنازلياً بحيث يكون عدد القيم الأصغر منها مساوياً لعدد القيم الأكبر منها

## لإيجاد الوسيط نتبع الآتي :

**نرتّب القيم تصاعدياً أو تنازلياً ثم :**

(١) إذا كان : عدد القيم فردياً فبأن : الوسيط هو القيمة التي تقع في الوسط تماماً

(٢) إذا كان : عدد القيم زوجياً فإن : الوسيط هو : مجموع القيمتين اللتين تقعان في الوسط  
٢ نعملاً .

### (١) أوحد الوسيط لمجموعة القيم : ٥، ٧، ١١، ١٤، ١٠

(٢) أوجد الوسيط لمجموعة القيم : ٣ ، ٦ ، ١ ، ٨ ، ٤ ، ١٠

三

(١) الترتيب التصاعدي : ١٤ ، ١١ ، ١٠ ، ٧ ، ٥ ، ٣

$$(٢) \text{ الترتيب التنازلي: } ١، ٣، ٤، ٦، ٨، ١٠ \quad \text{الوسط} = \frac{٤ + ٦}{٢} = ٥$$

ثالثاً: الوسط الحسائي

$$\text{الوسط الحسابي لمجموعة من القيم} = \frac{\text{مجموع هذه القيم}}{\text{عدد هذه القيم}} \quad \text{فمثلاً .}$$

## أوجد الوسط الحسابي لمجموعة القيم : ٣ ، ٨ ، ١١ ، ٤ ، ٩

३० १ + ४ + ११ + ८ + ३

$$V = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = \text{الوسط الحسابي}$$

## تمارين على المنوال - الوسيط - الوسط الحسابي

١- أكمل ما يأتي :

- (١) المنوال للقيم : ٦، ٧، ٥، ٦ هو ٠٠٠٠
- (٢) المنوال للقيم : ٢، ٥، ٣، ٢ هو ٠٠٠٠
- (٣) المنوال للقيم : ٢١، ٣، ١٠، ٦، ١٩، ١٣، ١٩ هو ٠٠٠٠
- (٤) إذا كان : المنوال للقيم : ٤، س، ٥ هو ٣ فإن س = ٠٠٠٠
- (٥) إذا كان : المنوال للقيم : ٦، س + ١ + ٧ هو ٧ فإن س = ٠٠٠٠
- (٦) الوسيط للقيم : ١٧، ٨، ٦، ٤، ١٠ هو ٠٠٠٠
- (٧) الوسيط للقيم : ٢، ٣، ٩، ٧، ٣ هو ١١، ٥
- (٨) ترتيب الوسيط للقيم : ٢، ٤، ٥، ٦، ١ هو ٠٠٠٠
- (٩) إذا كان ترتيب الوسيط لعدد من القيم هو الثالث فإن عدد هذه القيم هو ٠٠٠٠
- (١٠) الوسط الحسابي للقيم : ٧، ٣، ١، ٩، ٤ هو ٠٠٠٠
- (١١) الوسط الحسابي للقيم : ٢٨، ١٤، ٩، ٨، ٥ هو ٠٠٠٠
- (١٢) الوسط الحسابي للقيم : ٢ - س، ١، ٤، ٥ + س هو ٠٠٠٠
- (١٣) إذا كان الوسط الحسابي للقيم : ٩، ٤، ٥، س هو ٥ فإن س = ٠٠٠٠٠٠
- (١٤) إذا كان الوسط الحسابي لدرجات خمسة طلاب هو ٣٥ فإن مجموع درجاتهم = ١٥٠
- (١٥) إذا كان مجموع خمسة اعداد يساوي ٣٠ فإن الوسط الحسابي لهذه الاعداد هو ٦٠
- (١٦) إذا كان الوسط الحسابي للقيم ٨، ٧، ٥، ٤، ٩، ٣، ك + ٤ هو ٦ فإن ك = ٥٠

٢- إذا كان الوسط الحسابي لعدد ٥ قيمه هو ٤٠ ، وكان الوسط الحسابي لعدد ٨ قيمه الأولى من نفس القيم هو ٣٥ أوجد مجموع آخر قيمتين من هذه القيم

٣- إذا كان الوسيط للقيم : س + ٥ ، س + ٣ ، س + ٨ حيث س عدد صحيح موجب هو ٨ أوجد قيمة س

٤- الجدول الآتي يبين درجات ٤٠ تلميذ في أحد الإختبارات :

الدرجة	٢٠	١٩	١٨	١٧	١٦	١٥
التكرار	٤	٧	١٢	٨	٥	٤

أوجد الدرجة المنوالية

٥- الجدول الآتي يبين درجات جهاد في امتحان الرياضيات في ٦ شهور :

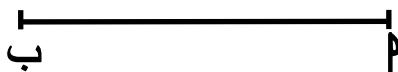
الشهر	أبريل	مارس	فبراير	ديسمبر	نوفمبر	اكتوبر	الدرجة
	٥٠	٤٤	٣٧	٤٢	٣٥	٣٠	

أوجد الوسيط والوسط الحسابي للدرجات

## مفاهيم و تعاريف هندسية

### القطعة المستقيمة

مجموعة من النقط المنتهية لها بداية و نهاية و لها طول .  
أو هي مجموعة مكونة من نقطتين مختلفتين و جميع النقط الواقعة بينهما بحيث تكون على إستقامة واحدة



ملحوظة :

يوجد فرق بين الرمزين  $\overline{AB}$  ،  $\overline{B}$  حيث :

$\overline{AB}$  هي مجموعة النقط المكونة من النقطتين  $A$  ،  $B$  و جميع النقط الواقعة بينهما .

$\overline{B}$  هو عدد يمثل طول  $\overline{AB}$  بـ ممـا يـوـجـدـ بـ عـوـدـاتـ أـطـوـالـ مـعـوـمـةـ .

فإذا نكتب طول  $\overline{AB} = 5$  سم أو نكتب  $\overline{B} = 5$  سم

### المستقيم

هو مجموعة من النقط غير المنتهية . ممتدة من جهتيه بلا حدود .

أو هو قطعة مستقيمة مدت من جهتيها بلا حدود



يقرأ المستقيم بأى نقطتين عليه مثلا  $\overline{AJ}$  ،  $\overline{JG}$  ،  $\overline{GB}$  ، ...

### الشـاعـ

هو جزء من مستقيم

أو هو مجموعة من النقط غير المنتهية . له بداية و ليس له نهاية .

أو هو قطعة مستقيمة مدت من أحد طرفيها فقط بلا حدود

لاحظ ان  $\overline{AB}$  يختلف عن  $\overline{BA}$

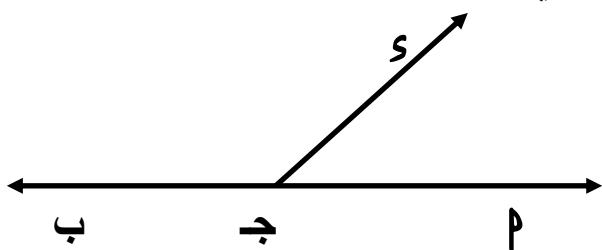


مثلا  $\overline{SC}$  ،  $\overline{CS}$  ،  $\overline{BS}$  ،  $\overline{SB}$

$\overline{CS} \subset \overline{SB}$  ،  $\overline{SC} \subset \overline{SB}$

مثال

انظر الشكل المقابل ثم أجب عن ما يأتي :



- (١)  $\overleftarrow{B\cap ج} = \{ \dots \}$
- (٢)  $\dots \overleftarrow{ج\cap ب} = \dots$
- (٣)  $\dots \overleftarrow{ب\cap ج} = \dots$
- (٤)  $\dots \overleftarrow{ج\cap ب} = \dots$

الحل :

- (٤)  $\overleftarrow{B\cap ج} = \{ ج \}$
- (٣)  $\overleftarrow{ب\cap ج} = ج، ب$
- (٢)  $\overleftarrow{B\cap ج} = ج، ب$
- (١)  $\overleftarrow{B\cap ج} = ج$

تدريب

في الشكل المقابل أكمل الناقص :



$$(١) \overleftarrow{S\cap U} \cup \overleftarrow{S\cap C} = \dots$$

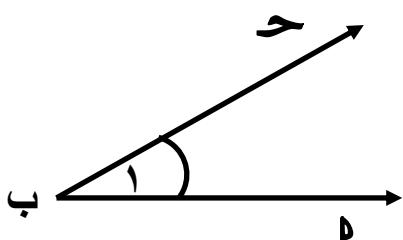
$$(٢) \overleftarrow{U\cap S} \cup \overleftarrow{S\cap C} = \dots$$

$$(٣) \overleftarrow{S\cap U} \cup \overleftarrow{C\cap N} = \dots \quad (٤) \overleftarrow{C\cap U} \cup \overleftarrow{U\cap S} = \dots$$

الزاوية

هي إتحاد شعاعين لهما نفس نقطة البداية .

ويسمى الشعاعين بضلعى الزاوية و نقطة البداية رأس الزاوية .



$$\overleftarrow{B\cap ح} = ح، ب \quad \overleftarrow{ح\cap م} = ح، ب$$

$$\overleftarrow{B\cap ج} = \{ ج \}$$

تقرأ الزاوية  $\angle BAH$  ،  $\angle AHB$  ،  $\angle A$  ،  $1$

وحدة قياس الزاوية : الدرجة ( $^{\circ}$ ) ، الدقيقة ( $'$ ) ، الثانية ( $''$ )

ملحوظة : ( تحولات )

$$1' = \left(\frac{1}{60}\right)^{\circ}, \quad 1'' = \left(\frac{1}{60}\right)' = \frac{1}{60}''$$

$$180^{\circ} = 180 / 60 = 3^{\circ}$$

$$179^{\circ} = 179 / 60 = 2^{\circ} 59'$$

$$\left( \frac{1}{4} \right)^{\circ} = \left( \frac{1}{4} \times \frac{1}{60} \right)^{\circ} = \frac{1}{240}^{\circ} = 15' \text{ و هكذا}$$

رسم الزاوية	قياس الزاوية	نوع الزاوية
	ضلعاها متطابقان ${}^{\circ}$ .	صفرية
	أكبر من ${}^{\circ} 0$ و أقل من ${}^{\circ} 90$	حادة
	${}^{\circ} 90$ ضلعاها متعامدان	قائمة
	أكبر من ${}^{\circ} 90$ و أقل من ${}^{\circ} 180$	منفرجة
	${}^{\circ} 180$ ضلعاها على إستقامة واحدة	مستقيمة
	أكبر من ${}^{\circ} 180$ و أقل من ${}^{\circ} 360$	معكسة

ملحوظة ١ :

الزاوية تقسم المستوى الذى تقع فيه إلى ثلاثة مجموعات من النقط هى :  
على الزاوية ، داخل الزاوية ، خارج الزاوية

ملحوظة ٢ :

إذا كان قياس زاوية ما = س فإن قياس الزاوية المنعكسة التي تشتراك معها في ضلعيها  
 $= ({}^{\circ} 360 - س)$

مثلاً : إذا كانت ق( $\angle A$ ) =  ${}^{\circ} 70$  فإن

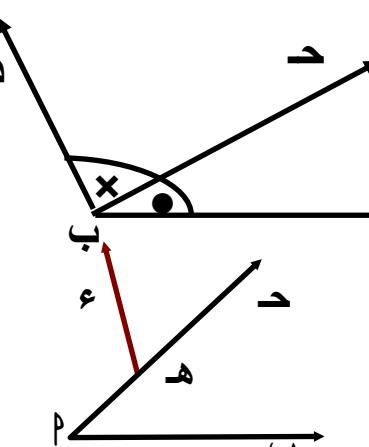
$$\therefore \text{ق}(\angle A\text{ المنعكسة}) = {}^{\circ} 290 = {}^{\circ} 70 - {}^{\circ} 360$$

نلاحظ أن : ق( $\angle B$ ) + ق( $\angle A$  المنعكسة) =  ${}^{\circ} 360$

أكمل : إذا كان ق( $\angle B$ ) =  ${}^{\circ} 65$  فإن : ق( $\angle A$  المنعكسة) =  ${}^{\circ} 305$

قياس الزاوية	نوع الزاوية
${}^{\circ} 450$	
${}^{\circ} 395$	
${}^{\circ} 179 / 59 // 60$	
${}^{\circ} 330$	
${}^{\circ} 90$	
${}^{\circ} 180$	
${}^{\circ} 133$	
${}^{\circ} 33$	

## بعض العلاقات بين الزوايا

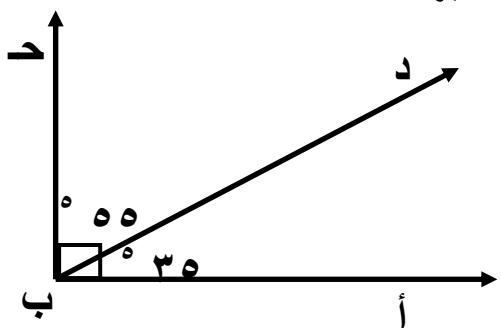
١- الزاويتان المجاورتان  هما زاويتان تشتراكان في رأس وضلعين والضلعن الآخران في

جهتين مختلفتين من الطلع المشترك.

مثلاً :  $\angle A + \angle B$  ،  $\angle D + \angle E$  زاويتان مجاورتان  
 $\angle A + \angle D$  ،  $\angle A + \angle E$  زاويتان غير مجاورتان

لأن : الطلع  $\angle H$  ،  $\angle E$  في جهة واحدة من الطلع المشترك  $M$

، في الشكل المقابل :  $\angle B + \angle D$  ،  $\angle H + \angle E$  غير مجاورتان لأنهما غير مشتركتان في الرأس

٢- الزاويتان المتنامتان  هما زاويتان مجموع قياسيهما  $90^\circ$

$\therefore \angle A + \angle D = 180^\circ$

$$\therefore C(\angle A + \angle D) + C(\angle D + \angle E) = 90^\circ$$

الزاويتان اللتان قياسيهما  $35^\circ$  ،  $55^\circ$  متنامتان

$$\text{لان} : 35^\circ + 55^\circ = 90^\circ$$

متممة الزاوية التي قياسها  $40^\circ$  هي  $50^\circ$  ، متممة الزاوية  $70^\circ$  هي  $20^\circ$

الزاوية التي قياسها  $18^\circ$  ،  $30^\circ$  ،  $56^\circ$  تتمم الزاوية التي قياسها  $42^\circ$  ،  $29^\circ$  ،  $33^\circ$

$$\text{لان} : 90^\circ = 60^\circ + 29^\circ + 33^\circ = 89^\circ$$

ملاحظات :

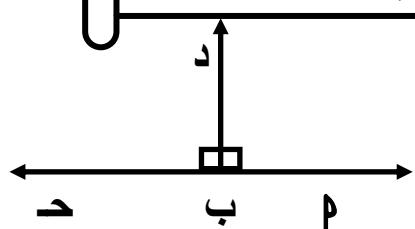
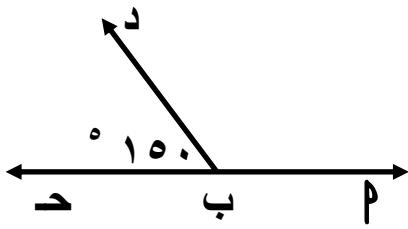
١- الزاويتان المتنامتان إما أن تكونان زاويتين حادتين أو إحداهما صفرية والأخرى قائمة

٢- الزاويتان المجاورتان اللتان ضلعاهما المتتارفان متعامدان تكونان متنامتين

٣- متممات الزاوية الواحدة (أو الزوايا المتساوية في القياس) تكون متساوية في القياس

مثلاً : إذا كان  $\angle M$  تتم  $\angle B$  ،  $\angle J$  تتم  $\angle B$  فإن :  $C(\angle M) = C(\angle J)$

٣- الزاويتان المتكاملتان:  $\angle A + \angle B = 180^\circ$



$$\therefore \angle A + \angle B = 180^\circ$$

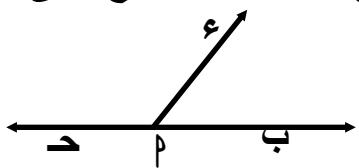
فمثلاً: زاويتان قياسهما  $150^\circ$  و  $30^\circ$  هما زاويتان متكاملتان لأن:  $150^\circ + 30^\circ = 180^\circ$   
، الزاوية التي قياسها  $35^\circ$  تتم زاوية قياسها:  $180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$

ملاحظات:

١- الزاويتان المتكاملتان إما أن تكون إحداهما حادة والأخرى منفرجة  
أو أن تكون كل منهما قائمة

أو أن تكون إحداهما صفرية والأخرى مستقيمة

٢- الزاويتان المجاورتان الحادستان من تقاطع مستقيم وشعاع نقطة بدايته تقع على  
هذا المستقيم متكاملتان (مجموعهم  $180^\circ$ )



$$\{A + B\} = 180^\circ$$

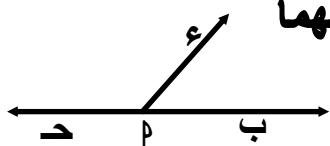
$$\text{فإن: } C + (\angle A + \angle B) + (\angle D + \angle E) = 180^\circ$$

$$1- \text{إذا كان: } C = 100^\circ \text{ فإن: } C + (\angle A + \angle B) = 100^\circ$$

تدريب

$$2- \text{إذا كان: } C = 57^\circ \text{ فإن: } C + (\angle A + \angle B) = 57^\circ$$

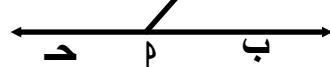
٣- إذا كانت الزاويتان المجاورتان متكاملتين فإن الضلعين المتطلعين لها  
يكونان على إستقامة واحدة.  
في الشكل المقابل:



$$\text{إذا كان: } C + (\angle A + \angle B) + (\angle D + \angle E) = 180^\circ$$

فإن:  $C$  على إستقامة واحدة

٤- إذا كانت الزاويتان المجاورتان غير متكاملتين فإن ضلعهما المتطلعان  
لا يكونان على إستقامة واحدة.



تدريب

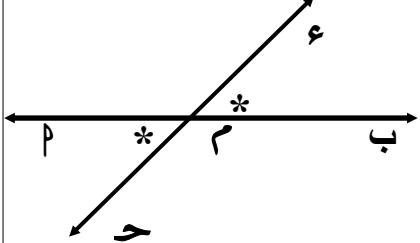
$$1- \text{إذا كان: } C = 70^\circ, C + (\angle A + \angle B) = 110^\circ \text{ فإن: } C = 110^\circ$$

$$2- \text{إذا كان: } C = 81^\circ, C + (\angle A + \angle B) = 98^\circ \text{ فإن: } C = 98^\circ$$

٥- مكملات الزاوية الواحدة (أو الزوايا المتساوية في القياس) تكون متساوية في القياس  
مثلاً: إذا كان  $C$  تكمل  $A$  ،  $C$  تكمل  $B$  فإن:  $C = A$

٤- الزاويتان المتقابلتان بالرأس: هما زاويتان مشتركتان في الرأس وكل من ضلعي إحداهما على إستقامة واحدة مع ضلع من ضلعي الزاوية الأخرى

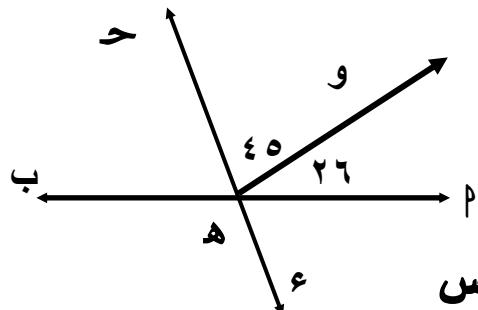
إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين بالرأس تكونان متساويتين في القياس  
في الشكل المقابل : إذا كان  $\angle B \cong \angle J = 30^\circ$   
فإن  $Q(\angle B) = Q(\angle J)$  ،  
 $Q(\angle B) = Q(\angle H)$



في الشكل المقابل إذا كان  $\angle B \cong \angle J = 30^\circ$   
 $Q(\angle B) = 30^\circ$  ،  $Q(\angle H) = 30^\circ$

مثال

أوجد  $Q(\angle EHB)$



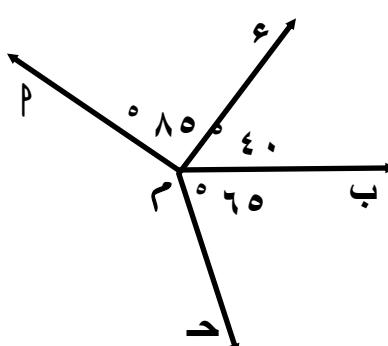
$$Q(\angle MHJ) = 45 + 26 = 71$$

$Q(\angle MHJ) = Q(\angle EHB)$  للتقابل بالرأس

٥- الزوايا المتجمعة حول نقطة :

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة  $= 360^\circ$   
في الشكل المقابل : أشعة لها نفس نقطة البداية M

لذلك فإن :

$$Q(\angle BEM) + Q(\angle EMB) + Q(\angle MBH) + Q(\angle HBE) = 360^\circ$$


في الشكل المقابل : أوجد  $Q(\angle EMH)$

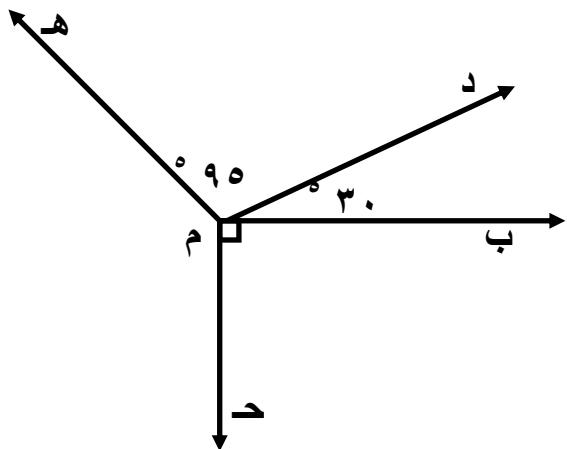
مثال

الحل : مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة  $= 360^\circ$   

$$Q(\angle EMH) = 360 - (85 + 40 + 65) = 190^\circ$$

مثال

في الشكل المقابل :



$$ق(\widehat{BMD}) = 30^\circ, ق(\widehat{DMH}) = 95^\circ$$

$$ق(\widehat{BMH}) = 90^\circ$$

احسب:  $ق(\widehat{HMH})$ ,  $ق(\widehat{HMH})$  المنعكسة

هل:  $\overleftarrow{MB}$ ,  $\overleftarrow{MH}$  على إستقامة واحدة

$\therefore$  مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة =  $360^\circ$

$$\therefore ق(\widehat{HMH}) = (95^\circ + 30^\circ + 90^\circ) - 360^\circ$$

$$= 145^\circ - 360^\circ =$$

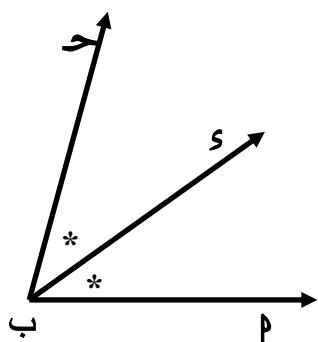
$$\therefore ق(\widehat{HMH}) \text{ المنعكسة} = 215^\circ - 145^\circ = 70^\circ$$

$$\therefore ق(\widehat{BMD}) + ق(\widehat{DMH}) = 95^\circ + 30^\circ = 125^\circ \neq 180^\circ$$

$\therefore \overleftarrow{MB}$ ,  $\overleftarrow{MH}$  ليس على إستقامة واحدة.



٦- منصف الزاوية :



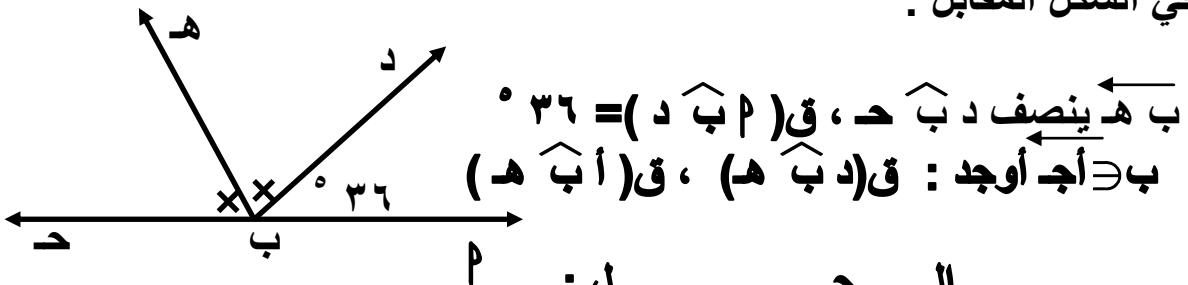
هو الشعاع الذي يقسم الزاوية إلى زاويتين لهما نفس القياس

في الشكل المقابل :  $\overline{AE}$  ينصف  $\angle BAC$

أى أن :  $ق(\angle BAE) = ق(\angle EAC)$   
 $= \frac{1}{2} ق(\angle BAC)$

في الشكل المقابل :

مثال



الحل :

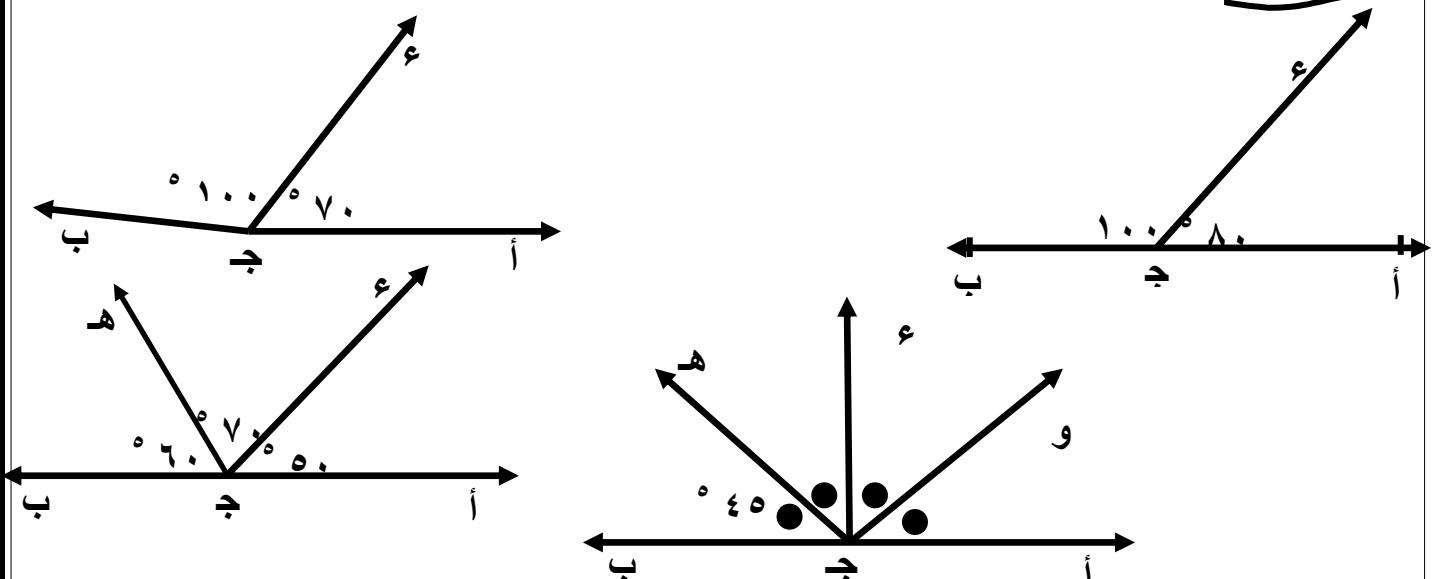
$\therefore \angle C = 180^\circ$  لانه زاوية مستقيمة

$$\therefore \angle C = 180^\circ - 36^\circ = 144^\circ$$

$$\therefore \angle B \text{ ينصف } \angle D \quad \therefore \angle C = \angle D = \angle A = \angle B \\ \angle C = 144^\circ \quad \angle D = 36^\circ + 108^\circ = 144^\circ$$

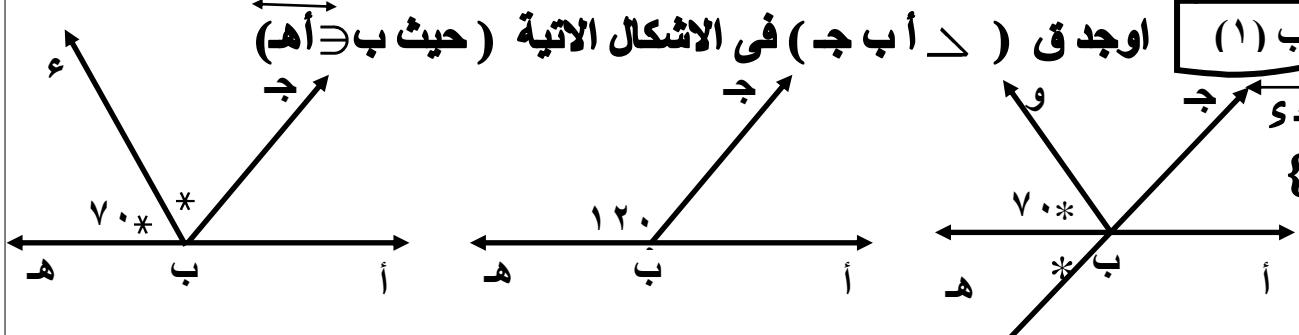
في الأشكال الآتية أنكر هل  $\angle A$ ،  $\angle B$  على استقامة واحدة أم لا مع ذكر السبب

تدريب



تدريب (١)

أوجد  $\angle A$  في الأشكال الآتية (حيث  $B \in A$ )



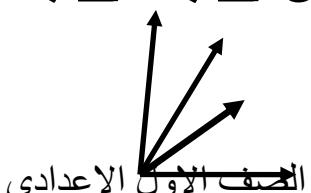
تدريب (٢)

في الشكل المقابل أوجد  $\angle C$  ( $D \in A$ )

الصف الاول الاعدامى

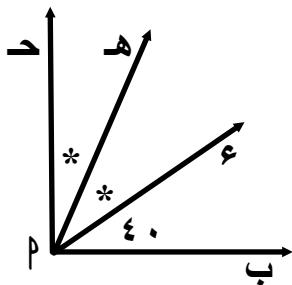
١ - أكمل ما ياتى :

- (١) نوع الزاوية التي قياسها  $57^\circ$  هو .....
- (٢) نوع الزاوية التي قياسها  $210^\circ$  هو .....
- (٣) نوع الزاوية التي قياسها  $90^\circ$  هو .....
- (٤) نوع الزاوية التي قياسها  $145^\circ$  هو .....
- (٥) قياس الزاوية المستقيمة = .....
- (٦) قياس الزاوية الصفرية = .....
- (٧) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة = .....
- (٨) الزاوية التي قياسها  $0^\circ$  تسمى زاوية قياسها .....
- (٩) الزاوية التي قياسها  $150^\circ$  تسمى زاوية قياسها .....
- (١٠) الزاوية التي قياسها  $64^\circ$  تتمم زاوية قياسها = ....., و تكمل زاوية قياسها = .....
- (١١) قياس الزاوية التي تكافئ قائمتين = ....., و تسمى زاوية .....
- (١٢) الزاوية الحادة تتممها زاوية ....., ، و تكملها زاوية .....
- (١٣) الزاوية الصفرية تتممها زاوية ....., ، و تكملها زاوية .....
- (١٤) إذا كان :  $\angle C = 74^\circ$  فإن :  $\angle C$  : المنعكسة = .....
- (١٥) إذا كان :  $\angle A$  ،  $\angle B$  متكاملتان ،  $\angle C = \angle A + \angle B$   
فإن :  $\angle C = 180^\circ$
- (١٦) إذا كان :  $\angle A$  ،  $\angle B$  متكاملتان ،  $\angle C = \angle A + \angle B$   
فإن :  $\angle C = 180^\circ$
- (١٧) إذا كان :  $\angle B = 3\angle A$   
فإن :  $\angle B = 90^\circ$
- (١٨) إذا كان :  $\angle C = \frac{1}{2}\angle B$  ،  $\angle C = 30^\circ$   
فإن :  $\angle B$  تكونان .....
- (١٩) المنصفان لزوايتين متجاورتين و متكاملتين يكونان .....
- (٢٠) الزاويتان المجاورتان المتكاملتان يكون الضلعان المتترفان .....
- (٢١) الزاويتان المجاورتان المتكاملتان يكون الضلعان المتترفان .....
- (٢٢) إذا كان  $\angle A$  تكمل  $\angle B$  ،  $\angle B$  تكمل  $\angle C$  فإن  $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$
- (٢٣) عدد الزوايا بالشكل .....



٢ - في الشكل المقابل : إذا كان :

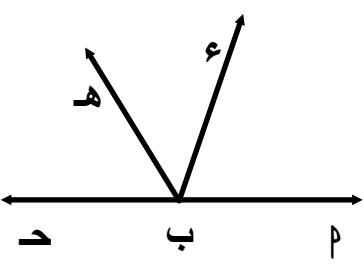
$$ق(\angle ب) = 40^\circ, \quad \text{بـ ينصف } \angle هـ$$



٣ - في الشكل المقابل : إذا كان :

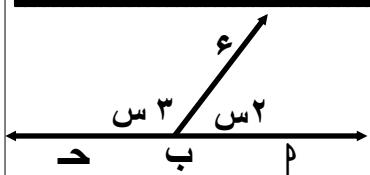
$$ق(\angle بـ) = 55^\circ, \quad \text{بـ ينصف } \angle هـ$$

فـ  $\exists \angle بـ$  فـ  $ق(\angle بـ) = 000^\circ$   
 $ق(\angle بـ) = 000^\circ$



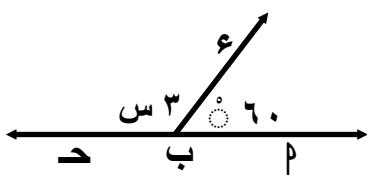
٤ - في الشكل المقابل :: إذا كان :

$$\text{بـ } \exists \angle هـ \quad \text{فـ } س = 000^\circ$$
$$ق(\angle بـ) = 000^\circ$$



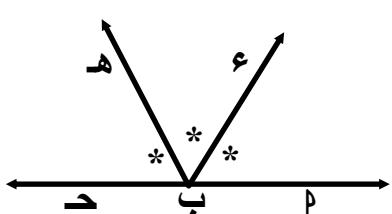
٥ - في الشكل المقابل :: إذا كان :

$$\text{بـ } \exists \angle هـ \quad \text{فـ } س = 000^\circ$$



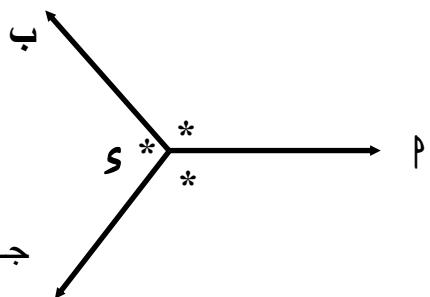
٦ - في الشكل الم مقابل :: إذا كان :

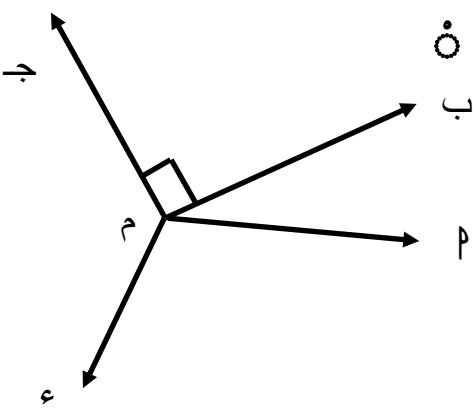
$$\text{بـ } \exists \angle هـ \quad \text{فـ } ق(\angle بـ) = 000^\circ$$
$$ق(\angle بـ) = 000^\circ$$



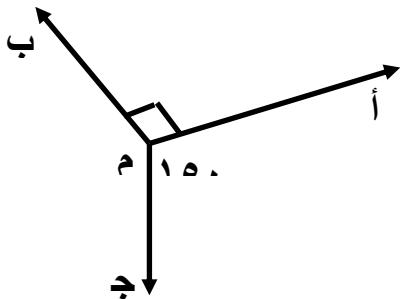
٧ - في الشكل الم مقابل :

$$ق(\angle بـ) = 000^\circ$$

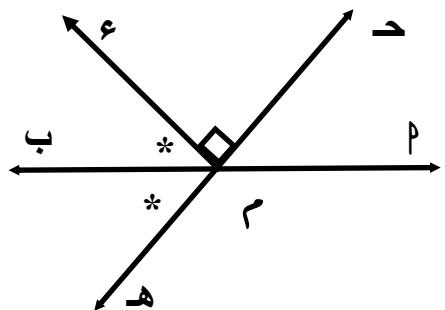




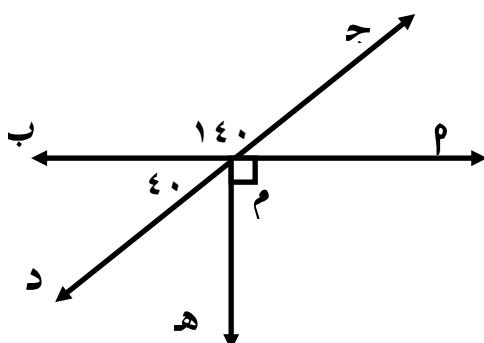
- ٨- في الشكل المقابل :  
 ق (  $\angle A M B$  ) =  $45^\circ$  ، ق (  $\angle A M C$  ) =  $110^\circ$   
 ق (  $\angle B M C$  ) =  $90^\circ$   
 أوجد ق (  $\angle A M C$  )



- ٩- في الشكل المقابل :  
 ق (  $\angle A M B$  ) =  $90^\circ$   
 ق (  $\angle A M C$  ) =  $150^\circ$   
 أوجد ق (  $\angle B M C$  )



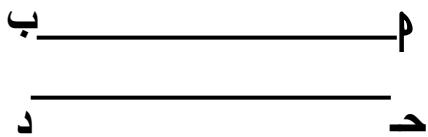
- ١٠ - في الشكل المقابل : إذا كان :  $\overleftrightarrow{M B} \cap \overleftrightarrow{M A} = \{M\}$  ،  $M \perp M H$   
 ،  $M B$  منصف  $\angle M M H$   
 أوجد قياسات الزوايا التالية  
 $\angle B M H$  ،  $\angle E M H$  ،  $\angle M M H$



- ١١- في الشكل الم مقابل :  
 $M \in \overleftrightarrow{B D}$  ،  $M \perp M B$  ، ق (  $\angle G M B$  ) =  $140^\circ$   
 ، ق (  $\angle B M D$  ) =  $40^\circ$   
 هل  $M \perp M D$  على استقامة واحدة ؟ و لماذا ؟  
 أوجد : ق (  $\angle H M D$  )

## التطابق

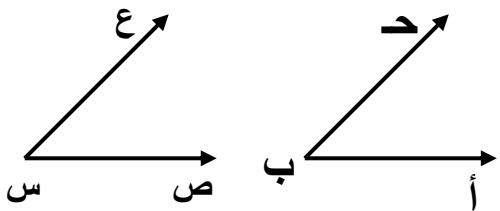
(١) تطابق قطعتين مستقيمتين : إذا كانتا متساويتين في الطول .



إذا كان طول  $\overline{ب}$  = طول  $\overline{د}$   
فإن:  $\overline{ب} \equiv \overline{د}$  و العكس

كل قطعتين مستقيمتين متlappingتين تكونان متساويتين في الطول  
”الرمز  $\equiv$ “ يعبر عن عملية التطابق

(٢) تطابق زاويتان : إذا كانتا متساويتين في القياس .



إذا كان  $\hat{ب} = \hat{د}$  =  $\hat{س} = \hat{ص}$

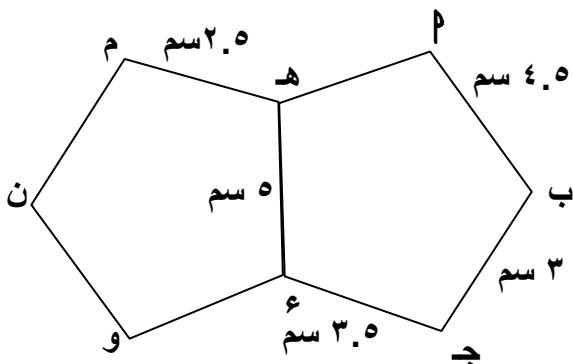
فإن:  $\triangle بـد \equiv \triangle سـص$  و العكس  
كل زاويتين متlappingتين تكونان متساويتين في القياس

(٣) تطابق مضلعين :

يتطابق المضلعين إذا وجد تناظر بين رؤوسيهما بحيث يتطابق كل ضلع وكل زاوية في المضلع الأول نظيره في المضلع الآخر .

أي يتطابق المضلعين إذا كانت ١ - أضلاعه المتناظرة متساوية في الطول.  
٢ - زواياه المتناظرة متساوية في القياس.

إذا كان مضلعين متطابقين فإن كل ضلع وكل زاوية في أحدهما يتطابق نظيره في الآخر.



في الشكل المقابل:  
المضلع  $A-B-C-D-E \equiv M-N-H-G-J$



اكملي:

- [أ] الرأس  $ب$  تناظر الرأس  $.....$
- [ب]  $ه$  محور تماثل للشكل  $.....$
- [ج]  $ق(A) = ق(.....)$
- [د]  $أ = ..... = ..... = .....$  سم
- [ه]  $ق(H) = ق(.....)$
- [ز] محيط المضلع  $.....$  =  $.....$  سم

الصف الاول الاعدادي

## تمارين على التطابق

١ - أكمل ما يأتي :

(١) إذا كان :  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  فإن :  $\angle A = \angle D = \dots$

(٢) إذا كانت :  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  ، كان :  $\angle E = \angle B = \dots$  سم

(٣) إذا كان :  $C(DE) = C(AB)$  فإن :  $\angle A = \angle D = \dots$

(٤) إذا كان :  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  ، كان :  $C(\triangle ABC) = C(\triangle DEF) = \dots$

(٥) إذا كان :  $H$  منتصف  $AB$  فإن :  $AH = BH = \dots$

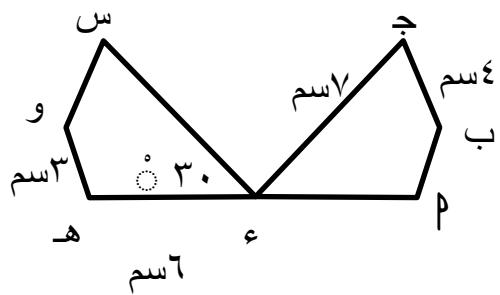
(٦) إذا كان : المضلع  $ABCD$   $\cong$  المضلع  $EFGH$  فإن :  $S(ABCD) = S(EFGH) = \dots$

(٧) إذا كان : المضلع  $ABCD$   $\cong$  المضلع  $EFGH$  فإن :  $\angle A = \angle E = \dots$

(٨) إذا كانت :  $\triangle ABC$  تتمم  $\triangle DEF$  ، كانت :  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  فإن :  $C(\triangle DEF) = \dots$

(٩) إذا كانت :  $\triangle ABC$  تكمل  $\triangle DEF$  ، كانت :  $\triangle ABC \cong \triangle DEF$  فإن :  $C(\triangle DEF) = \dots$

(١٠) يتتطابق المربعان إذا تساوي ..... بينما يتتطابق المستطيلان تساوي .....  
 $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = \dots$



٢ - في الشكل المقابل :

المضلع  $ABCD$   $\cong$  المضلع  $EFGH$  و  $S(ABCD) = S(EFGH)$

$AB = 5$  سم ،  $BC = 3$  سم ،  $CD = 4$  سم

$EF = 7$  سم ،  $FG = 6$  سم ،  $GH = 5$  سم ،  $HE = 3$  سم

أكمل ما يأتي :

(١)  $\angle A \cong \angle D$  فإن :  $\angle A = \angle D = \dots$

(٢)  $\angle B \cong \angle E$  فإن :  $\angle B = \angle E = \dots$

(٣)  $\angle C \cong \angle F$  فإن :  $\angle C = \angle F = \dots$

(٤)  $\angle D \cong \angle G$  فإن :  $\angle D = \angle G = \dots$

(٥)  $\angle H \cong \angle A$  فإن :  $\angle H = \angle A = \dots$

(٦)  $\angle E \cong \angle B$  فإن :  $\angle E = \angle B = \dots$

أختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :

(١) إذا كان المثلث  $ABC$   $\cong$   $DEF$  فإن :

$[AB = DE, BC = EF, CA = FD]$

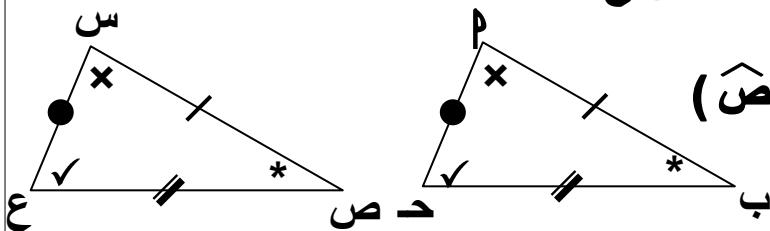
## تطابق المثلثات

نعلم أن :

- \* لأي مثلث ثلاثة أضلاع و ثلاث زوايا و تسمى العناصر الست للمثلث .
- \* يتطابق المثلثان إذا وجد تمازج بين رؤوس المثلثين بحيث يتطابق كل عنصر من العناصر الستة لأحد هم العنصر المناظر من المثلث الآخر.

$\Delta ABC \cong \Delta PQR$  ، س ص ع فيهما :

$$(1) \quad P = Q, B = R, C = S \quad \text{س ص ع}$$



$$(2) \quad Q(\hat{P}) = Q(S), Q(\hat{B}) = Q(\hat{C}), Q(\hat{C}) = Q(U)$$

فإن :  $\Delta PQR \cong \Delta ABC$  و يكتب :  $\Delta PQR \cong \Delta ABC$  ، العكس

الحالة الأولى يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان و الزاوية المحصورة بينهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر

الحالة الثانية يتطابق المثلثان إذا تطابقت زاويتان والضلع المرسوم بين رأسيهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر

الحالة الثالثة يتطابق المثلثان إذا تطابق كل ضلع في أحد المثلثين مع نظيره في المثلث الآخر

الحالة الرابعة يتطابق المثلثان القائمة الزاوية إذا تطابق وتر و أحد ضلعين القائمة في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر

### حالات تطابق مثلثين

وتر و ضلع في المثلث القائم

الأضلاع الثلاثة

زاويتان و ضلع مرسوم بينهما

ضلعين و زاوية ومحصورة بينهما

تدريب

هل المثلثان متطابقان ؟

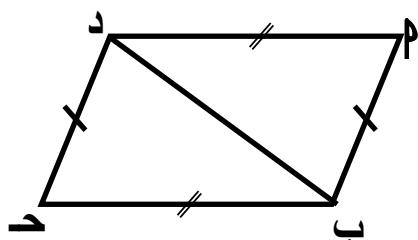
إذا كان المثلثان متطابقين ، اكتب حالة التطابق ، إذا كان غير متطابقين اذكر السبب .

ملحوظة هامة: العلامات المتشابهة على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات .

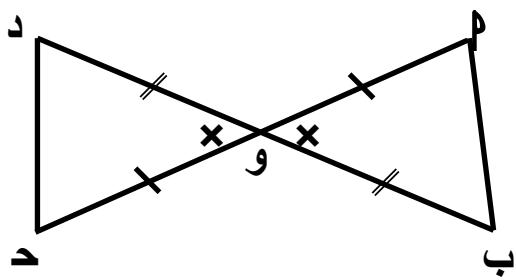
لإثبات تطابق مثلثين يكفي إثبات تكفى ثلاثة عناصر من فى أحدهما مع نظائرها فى المثلث

الآخر إدراها ضلع على الأقل و بالتالى تكون العناصر الثلاثة الأخرى مطابقة لنظائرها فى

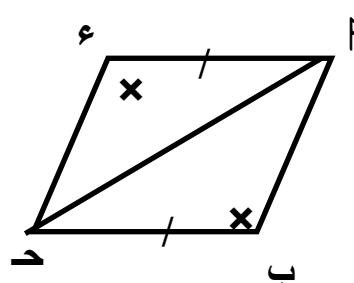
المثلث الآخر



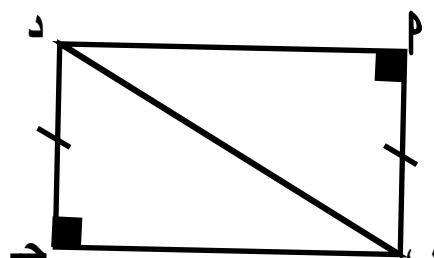
[٢]



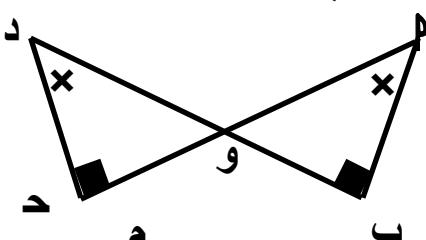
[٦]



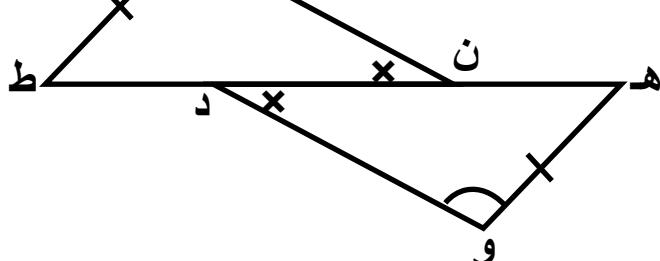
[٤]



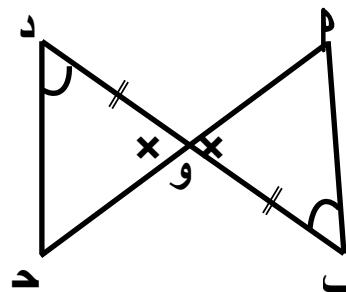
[٣]



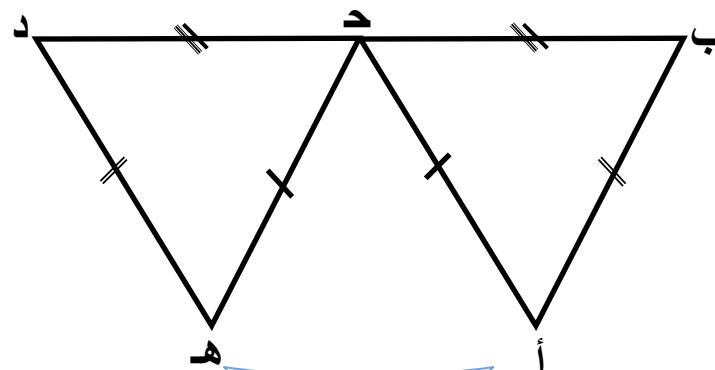
[٦]



[٨]



[٥]

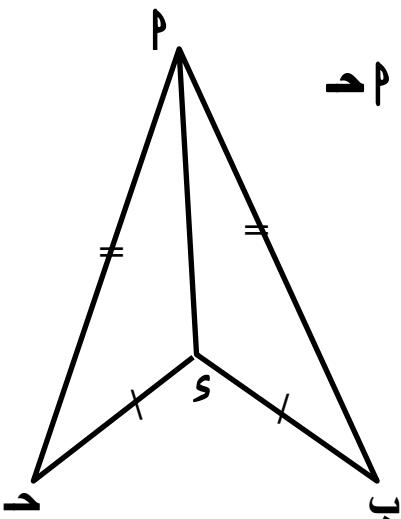


[٩]

في الشكل المقابل :

مثال

ادرس حالة التطابق ثم أستنتج  $\triangle PAB \cong \triangle QCB$



معطى  $PB = CB$

معطى  $QC = CB$

ضلع مشترك  $QC = CB$

$\therefore \triangle PAB \cong \triangle QCB$

ومن التطابق ينبع أن  $Q(CB) = C(BA) = Q(A)$

$\therefore \triangle PAB \cong \triangle QCB$

مثال

في الشكل المقابل ادرس حالة التطابق

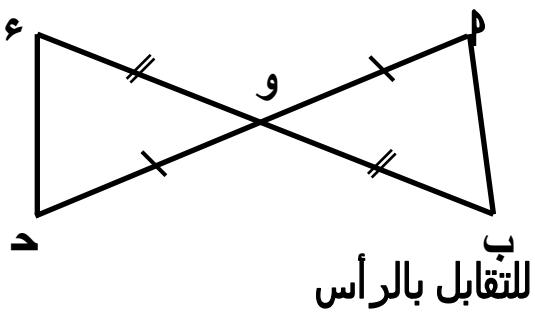
في  $\triangle PAB \cong \triangle QCB$  ،  $Q = C$

معطى  $P = Q$

معطى  $B = B$

$Q(PA) = Q(QB) = Q(A)$

$\therefore \triangle PAB \cong \triangle QCB$

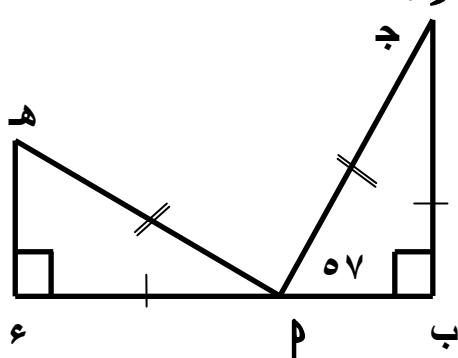


للتقابل بالرأس

مثال

في الشكل المقابل

أوجد قياسات زوايا المثلث المجهولة في المثلث  $HAB$



$$H = 180 - (P + Q) = 180 - (90 + 70) = 30^\circ$$

في  $\triangle PAB \cong \triangle QCB$  ،  $H = Q$

معطى  $P = Q$

معطى  $B = B$

$H = Q = P = 70^\circ$

$\therefore \triangle HAB \cong \triangle QCB$

ومن التطابق ينبع أن

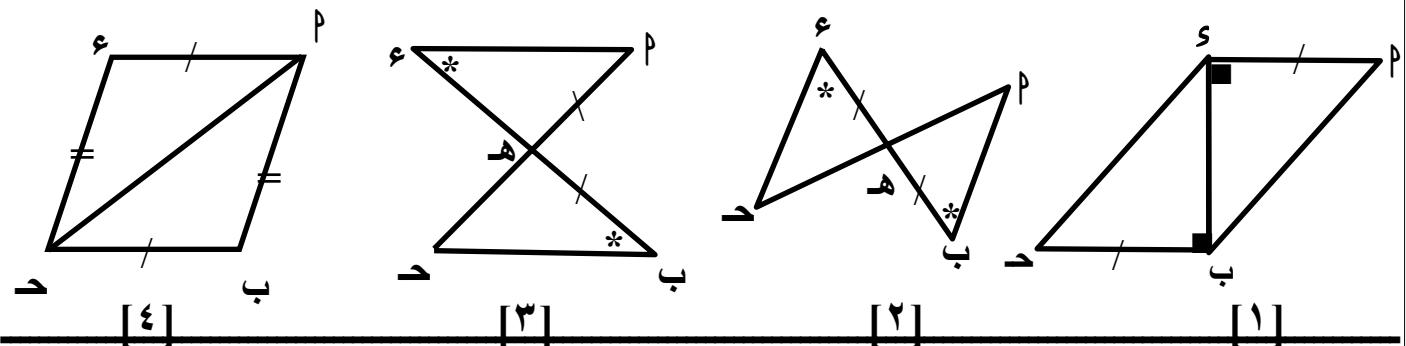
$$H = Q \quad \text{و} \quad Q = P \quad \text{و} \quad P = 70^\circ$$

$$H = P = 70^\circ$$



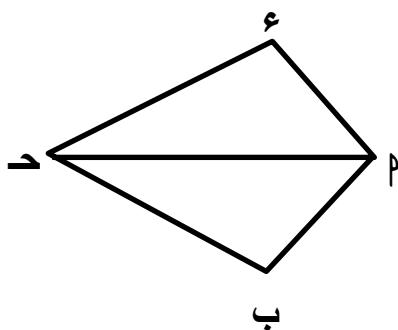
## تمارين على تطابق المثلثات

١ - في الاشكال المقابلة: العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات بين ما إذا كان المثلثان متطابقان أم لا ، إذا كانوا متطابقين ذكر حالة التطابق و نتائج التطابق ، إذا كانوا غير متطابقين ذكر السبب



٢ - في الشكل المقابل ::

$\angle \text{B} = \angle \text{E}$  ينصف زاويتي  $\angle \text{AEB}$  ،  $\angle \text{C} = \angle \text{D} = 60^\circ$  سم



أكمل ما يأتي :  $\triangle \text{AEB} \equiv \triangle \text{CDB}$

$\angle \text{B} = \dots$  سم

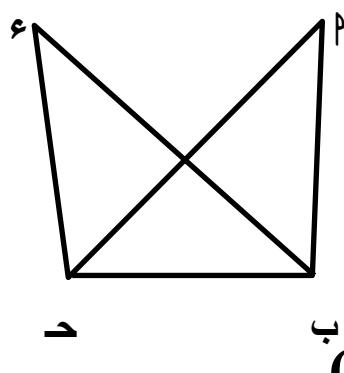
٣ - في الشكل المقابل :

$\angle \text{B} = \angle \text{E}$  ،  $\angle \text{C} = \angle \text{D} = 30^\circ$

أكمل ما يأتي :  $\triangle \text{BEC} \equiv \triangle \text{ADC}$

$\angle \text{C} = \dots$

$\angle (\text{ECD}) = \angle (\text{BDA}) = \dots$



٤ - في الشكل المقابل :

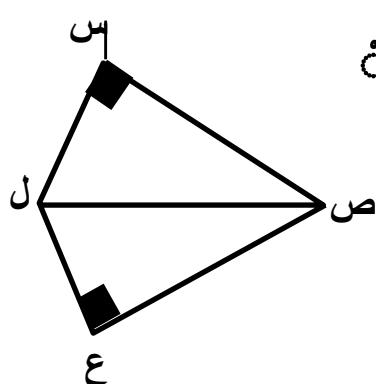
$\angle \text{U} = \angle \text{S}$  ،  $\angle (\text{LUS}) = \angle (\text{LSC}) = 90^\circ$

$\angle (\text{LCS}) = 50^\circ$

أكمل ما يأتي :  $\triangle \text{LSC} \equiv \triangle \text{LUS}$

$\angle \text{C} = \dots$

$\angle (\text{LCS}) = 180^\circ - 50^\circ = \dots$

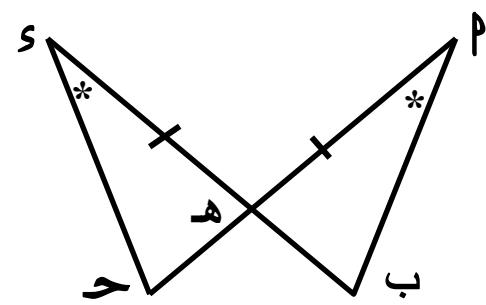


الصف الاول الاعدادي

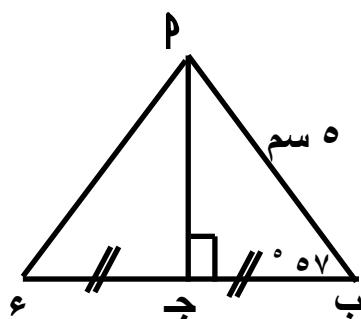
٥- في الشكل المقابل :  
 $m = h$

$$q(b) = q(h)$$

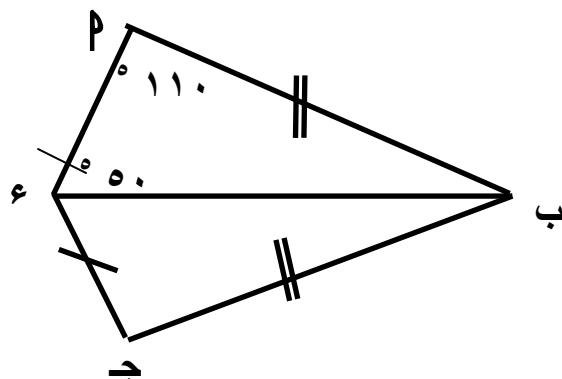
إثبّت أن :  $b = h$



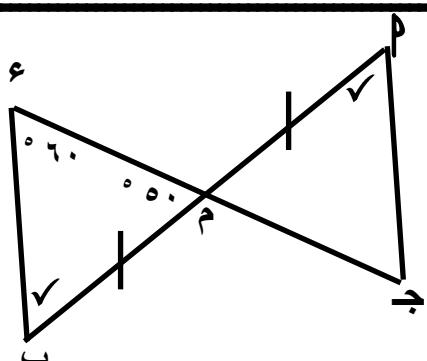
٦- في الشكل المقابل :  
أوجد ١) طول  $m$   
٢)  $q(c)$



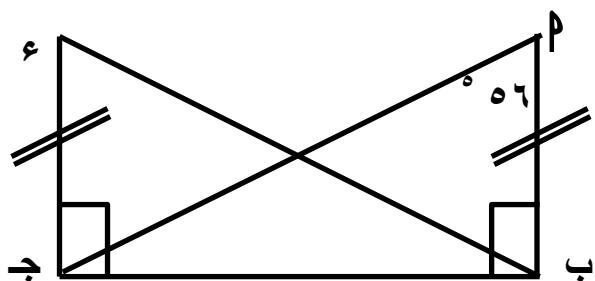
٧- في الشكل المقابل :  
أوجد  $q(c)$   
 $(c)$



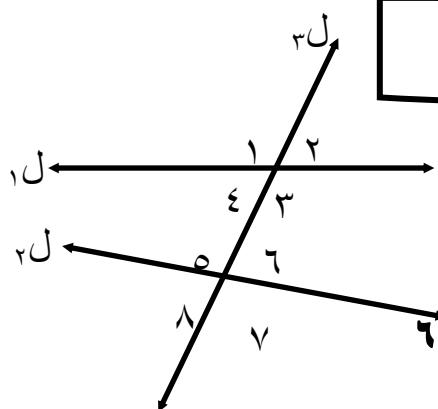
٨- في الشكل الم مقابل :  
أوجد  $q(c)$   
 $(c)$



٩- في الشكل الم مقابل :  
أوجد  $q(c)$



## التوازي



إذا رسم مستقيم  $L$ ، قاطع للمستقيمين  $L_1, L_2$ ، كما بالشكل:  
ينتج ثمانية زوايا تصنف إلى:

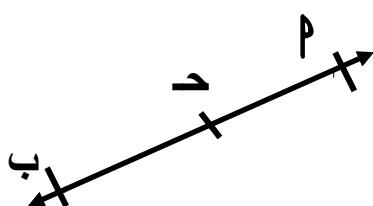
زوايا مترادفة مثل:  $\angle 1, \angle 3, \angle 5, \angle 7$

زوايا متناظرة مثل:  $\angle 2, \angle 4, \angle 6, \angle 8$ ، أيضاً  $\angle 1, \angle 5, \angle 2, \angle 6$

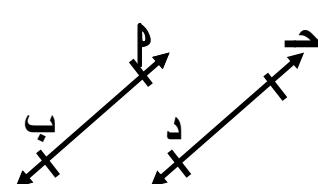
زوايا داخلة وفى جهة واحدة من القاطع مثل:  $\angle 4, \angle 5, \angle 7, \angle 8$ ، أيضاً  $\angle 3, \angle 6$

متقابلة بالرأس مثل:  $\angle 1, \angle 3, \angle 2, \angle 4, \dots$

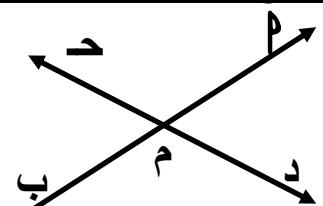
أوضاع مستقيمين في مستوى واحد:



مستقيمان منطبقان



مستقيمان متوازيان

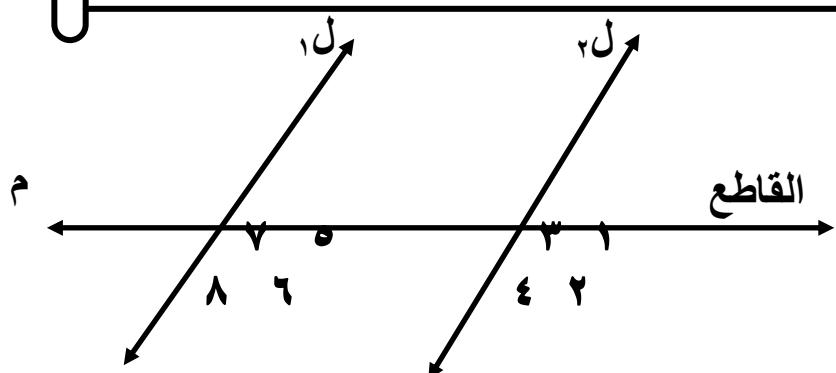


مستقيمان متقاطعان

$$\leftrightarrow \quad \leftrightarrow \quad \leftrightarrow \quad \leftrightarrow \\ \text{بـ} \cap \text{ـ} \text{ـ} = \{\text{ـ}\} \quad \text{بـ} \cap \text{ـ} \text{ـ} = \emptyset \quad \text{بـ} \equiv \text{ـ}$$

ملحوظة: المستقيمين المختلفين هما مستقيمين لا يتوازيان ولا يتقاطعان بهذا فإنها يكونان في مستويين مختلفين

## الزوايا الناتجة من قطع مستقيم مستقيمين متوازيين



الزوايا المتناظرة: مثل  $(\angle 1, \angle 5), (\angle 3, \angle 7), (\angle 2, \angle 6)$

الزوايا المترادفة: مثل  $(\angle 1, \angle 8), (\angle 2, \angle 7)$

الزوايا الداخلة: مثل  $(\angle 5, \angle 6), (\angle 7, \angle 8)$

٩

## العلاقة بين أزواج الزوايا الناتجة من قطع مستقيم لمستقيمين متوازيين

إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن :

١- كل زاويتين متبادلتين متساويتان في القياس .

$ق(\angle 3) = ق(\angle 6)$  ،  $ق(\angle 4) = ق(\angle 5)$  بالتبادل

٢- كل زاويتين متناظرتين متساويتان في القياس .

$ق(\angle 1) = ق(\angle 5)$  ،  $ق(\angle 2) = ق(\angle 6)$  بالتناظر

$ق(\angle 4) = ق(\angle 8)$  ،  $ق(\angle 3) = ق(\angle 7)$  بالتناظر

٣- كل زاويتين داخلتين و في جهة واحدة من القاطع متكاملتان .

$ق(\angle 3) + ق(\angle 5) = 180^\circ$  ،  $ق(\angle 4) + ق(\angle 6) = 180^\circ$  لأنهما داخلتان و في جهة واحدة من القاطع .

### شروط توازي مستقيمين

يتوازى مستقيمان إذا قطعهما مستقيم ثالث وتحقق أحد الشروط الآتية :

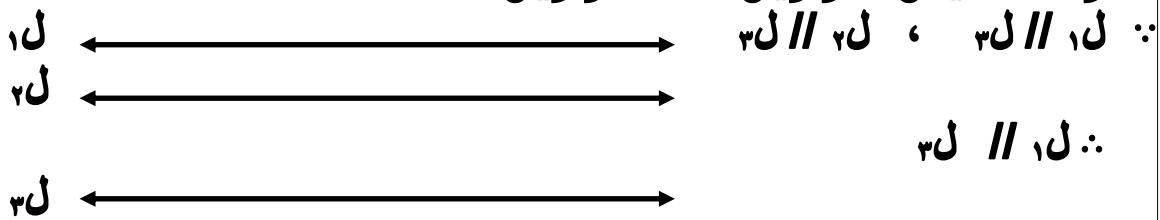
١- زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس .

٢- زاويتان متناظرتان متساويتان في القياس .

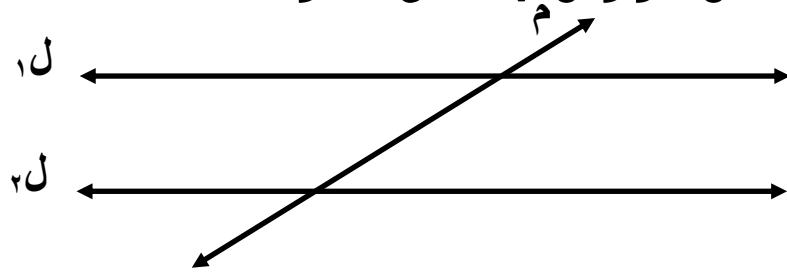
٣- زاويتان داخلتان و في جهة واحدة من القاطع متكاملتان .

### حقائق هندسية

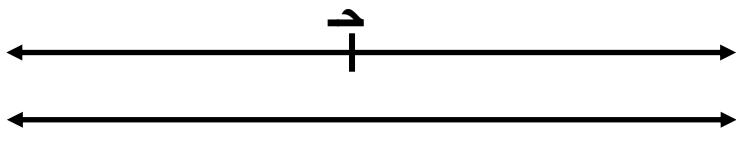
إذا وازى مستقيمان مستقيما ثالثا كان هذان المستقيمان متوازيان .  
أو المستقيمان الموازيان لثالث متوازيان .



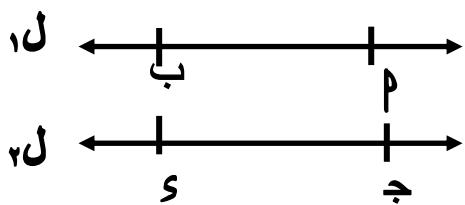
إذا قطع مستقيم أحد مستقيمين متوازيين فإنه يقطع الآخر .



من نقطة خارج مستقيم يمكن رسم مستقيم وحيد يوازي المستقيم المعلوم .



توازى قطعتين مستقيمتين :



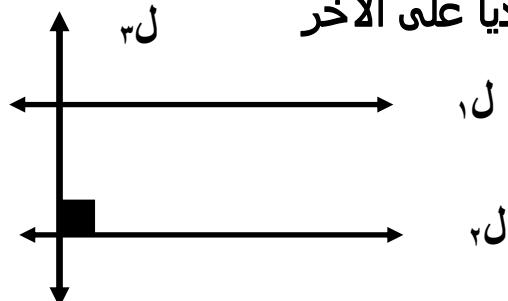
إذا كان  $L_1 \parallel L_2$  ،  $b \cap L_1$  ،  $b \cap L_2$  ،  $A \in b$  ،  $B \in b$

فإن  $A \in b \parallel B \in b$

توازى شعاعين :

إذا كان  $L_1 \parallel L_2$  ،  $b \cap L_1$  ،  $b \cap L_2$  ،  $A \in b$  ،  $B \in b$  ،  $A \neq B$  ،  
المستقيم العمودي على أحد المستقيمين متوازيين يكون عمودياً على الآخر

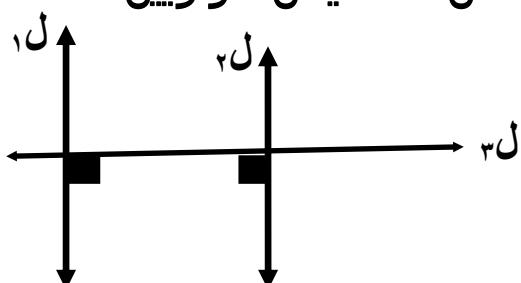
إذا كان  $L_1 \parallel L_2$  ،  $L_3 \perp L_1$  ،  $L_3 \perp L_2$



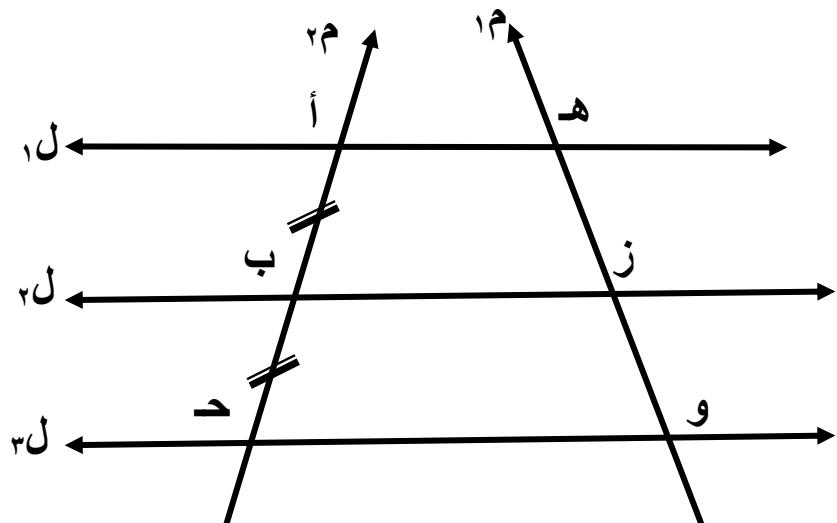
إذا كان كل من مستقيمين عمودي على ثالثاً في المستوى كان المستقيمان متوازيين

إذا كان  $L_1 \perp L_2$  ،  $L_3 \perp L_1$  ،  $L_3 \perp L_2$

فإن  $L_3 \parallel L_1$



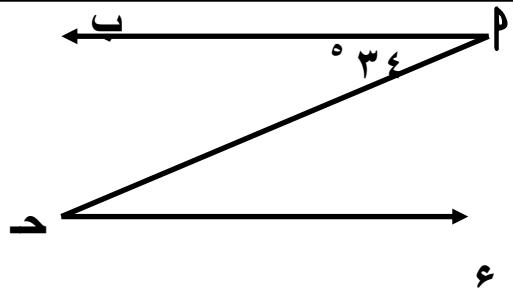
إذا قطع مستقيم عدة مستقيمات متوازية و كانت أجزاء القاطع المحصور بين هذه المستقيمات المتوازية متساوية في الطول فإن الأجزاء المحصور بينها لأي قاطع آخر تكون متساوية في الطول أيضاً .



$\therefore L_1 \parallel L_2 \parallel L_3$  ،  $m \in M$  ،  $b \cap L_1$  ،  $b \cap L_2$  ،  $b \cap L_3$  ،  $b = bm$

$\therefore هـ = زـ$

مثال



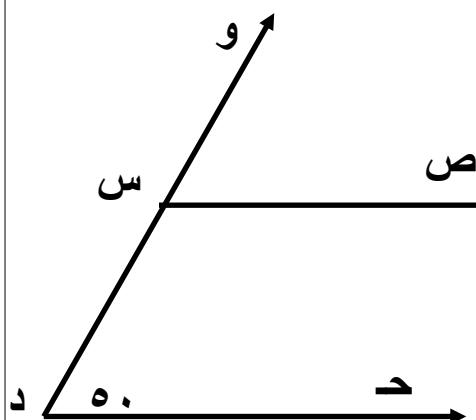
في الشكل المقابل:  $b \parallel h$

أوجد ق(د)

$\therefore b \parallel h$ ,  $d$  قاطع لهما

$\therefore q(d) = q(h) = 34^\circ$  بالتبادل

مثال



في الشكل المقابل:  $s \parallel d$

أوجد ق(s),  $q(s) = q(d)$

$\therefore s \parallel d$ ,  $d$  و قاطع لهما

$\therefore q(s) = q(h) = 50^\circ$  بالتقاضي

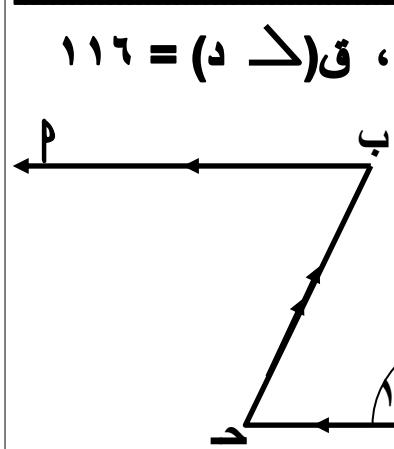
$\therefore s \parallel d$ ,  $d$  قاطع لهما

$\therefore q(s) + q(h) = 180^\circ$

لأنهما دالتان وفي جهة واحدة

$\therefore q(s) = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$

مثال



في الشكل المقابل:  $b \parallel d$ ,  $d \parallel h$ ,  $q(d) = 116^\circ$

أوجد ق(b)

$\therefore d \parallel h$ ,  $d$  قاطع

$\therefore q(b) = 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ$

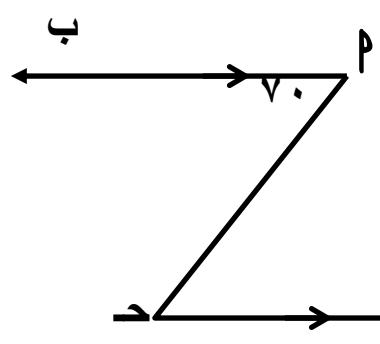
$\therefore b \parallel d$ ,  $b$  قاطع

$\therefore q(b) = q(d) = 64^\circ$  بالتبادل

مثال

في الشكل المقابل:  $b \parallel d$ ,  $q(d) = 70^\circ$ ,  $q(h) = 110^\circ$

أثبت أن:  $d \parallel h$



البرهان:  $\therefore b \parallel d$ ,  $b$  قاطع

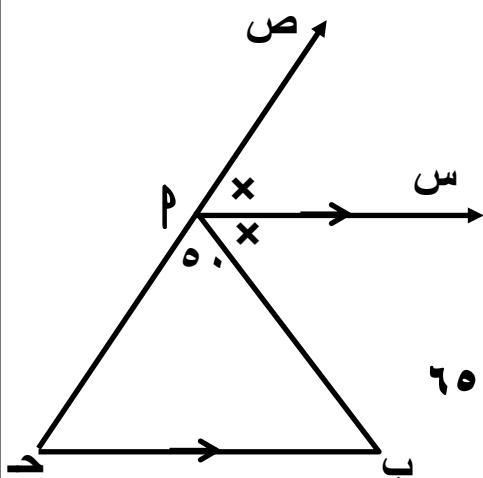
$\therefore q(d) = q(h) = 70^\circ$  بالتبادل

$\therefore q(d) + q(h) = 70^\circ + 110^\circ = 180^\circ$

و هما دالتان وفي جهة واحدة  $\therefore d \parallel h$

مثال

في الشكل المقابل :  $\overleftrightarrow{م س} \parallel \overleftrightarrow{ب ح}$  ،  $\overleftrightarrow{م س}$  ينصف  $\angle م ص$   
 $\angle (ل د ب \overleftarrow{م ح}) = ٥٠^\circ$  ،  $\angle د ح ص$   
 احسب بالبرهان :  $\angle (م د ب \overleftarrow{ح})$  ،  $\angle (د م ح \overleftarrow{ب})$



البرهان :  $\therefore \angle (د م ح \overleftarrow{ب}) = ١٨٠^\circ$  مستقيمة

$$\therefore \angle (د م ح \overleftarrow{ب}) = ١٨٠^\circ - ٦٥^\circ = ١٣٠^\circ$$

$\therefore \overleftrightarrow{م س}$  ينصف  $\angle د م ب$

$$\therefore \angle (د م ح \overleftarrow{س}) = \angle (د م ح \overleftarrow{ب}) = \frac{١٣٠^\circ}{٢} = ٦٥^\circ$$

$\therefore \overleftrightarrow{م س} \parallel \overleftrightarrow{ب ح}$  ،  $\overleftrightarrow{م س}$  قاطع

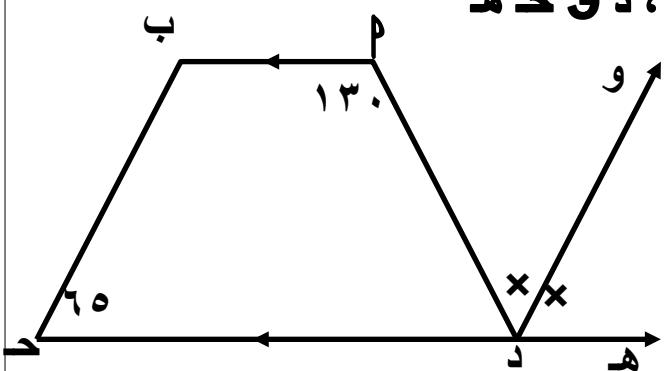
$$\therefore \angle (د م ح \overleftarrow{ب}) = \angle (د م ح \overleftarrow{ح}) = ٦٥^\circ$$
 بالتبادل

$\therefore \overleftrightarrow{م س} \parallel \overleftrightarrow{ب ح}$  ،  $\overleftrightarrow{ص ح}$  قاطع

$$\therefore \angle (د م ح \overleftarrow{س}) = \angle (د م ح \overleftarrow{ب}) = ٦٥^\circ$$
 بالتناظر

مثال

في الشكل المقابل :  $\overleftrightarrow{ب ح} \parallel \overleftrightarrow{د ه}$  ،  $\angle (د د ب \overleftarrow{ه}) = ١٣٠^\circ$  ،  $\angle (د ب \overleftarrow{د}) = ٦٥^\circ$   
 $\angle د$  ينصف  $\angle (د د ه \overleftarrow{ه})$  ،  $\angle د$   $\angle ه$



برهن أن :  $\overleftrightarrow{د و} \parallel \overleftrightarrow{ب ح}$

البرهان :  $\therefore \overleftrightarrow{ب ح} \parallel \overleftrightarrow{د ه}$  ،  $\overleftrightarrow{م د}$  قاطع

$$\therefore \angle (د ب \overleftarrow{د}) = \angle (د د ه \overleftarrow{ه}) = ١٣٠^\circ$$
 بالتبادل

$\therefore \overleftrightarrow{د و}$  ينصف  $\angle (د د ه \overleftarrow{ه})$

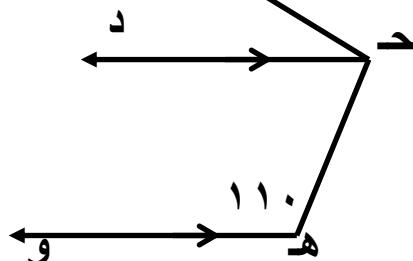
$$\therefore \angle (د د و \overleftarrow{ه}) = \angle (د د ه \overleftarrow{ه}) = \frac{١٣٠^\circ}{٢} = ٦٥^\circ$$

$\therefore \angle (د د و \overleftarrow{ه}) = \angle (د د ه \overleftarrow{ه}) = ٦٥^\circ$  و هما في وضع تنازلي  $\therefore \overleftrightarrow{د و} \parallel \overleftrightarrow{ب ح}$

أكتب ذاكرولي في البذث وانضم لجروبات ذاكرولي  
 هذه رياضي الاطفال للصف الثالث الاعدادي

مثال

في الشكل المقابل :  $b \parallel h$  و  $c(d \parallel b)$  ،  $c(d \parallel b) = 110$   
 المطلوب : أوجد كلامن :  $c(d \parallel b)$  ،  $c(d \parallel b) = 30$



البرهان :

$b \parallel h$  ،  $b$  قاطع  
 $\therefore c(d \parallel b) = c(d \parallel b) = 30$  بـ التبادل  
 $\therefore h \parallel b$  ،  $h$  قاطع

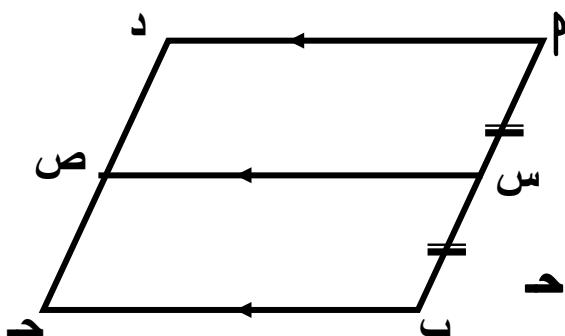
$\therefore c(d \parallel b) + c(d \parallel b) = 180$  داخلتان و في جهة واحدة

$$\therefore c(d \parallel b) = 180 - 110 = 70$$

$$\therefore c(d \parallel b) = c(d \parallel b) + c(d \parallel b) = 70 + 30 = 100$$

في الشكل المقابل :  $m$  بـ  $h$  متوازي أضلاع ،  $s$  منتصف  $m$  بـ

مثال

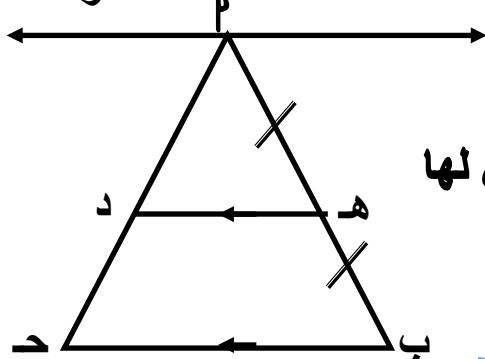


$s \parallel h$  أثبت أن :  $s = \frac{1}{2}m$   
 $m$  بـ  $h$  متوازي الأضلاع  
 $\therefore m \parallel h$  ،  $s \parallel h$   
 $\therefore m \parallel s$   
 $\therefore m$  بـ  $s$  قاطعين لها ،  $m = s$   
 $\therefore m = s$   
 $\therefore s = \frac{1}{2}m$   
 $\therefore m = 2s$

مثـال  $m$  بـ  $h$  مثلث ،  $h$  منتصف  $m$  بـ رسم  $h \parallel b$  و يقطع  $m$  في  $d$

برهن أن :  $m = d$

مثال



البرهان :

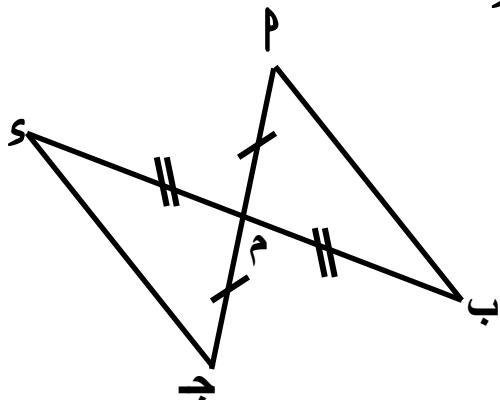
نرسم  $w \parallel b$   
 $\therefore w \parallel h$  ،  $m$  قاطعين لها

بحيث  $m = h$  بـ  $\therefore m = d$

في الشكل المقابل:  $\angle A = \angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

إثبّت أن:  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$

مثال



في  $\triangle ABC$ ,  $\angle A = \angle P$

$\angle B = \angle Q$

فيهمل  $\angle C = \angle R$

$\angle C = \angle R = \angle Q = \angle P$

$\therefore \triangle ABC \cong \triangle PQR$

ومن التطابق ينتج أن:  $\angle A = \angle P$  و $\angle B = \angle Q$  وهما مترافقان  $\therefore \overline{AB} \parallel \overline{PQ}$

في الشكل المقابل:

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\angle A = 108^\circ$

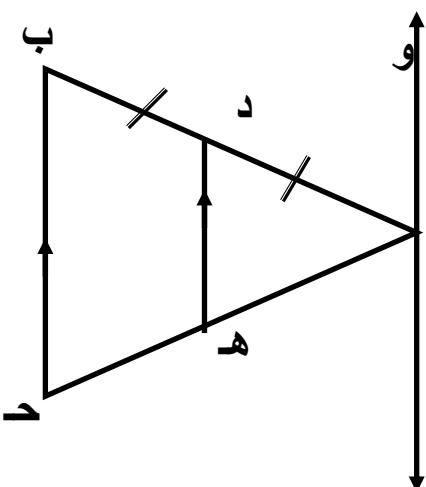
$\angle B = 72^\circ$

هل  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ ? ولماذا؟

الحل: ∵  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\overline{AB}$  قاطع

$$\therefore \angle A + \angle B = 180^\circ$$

∴  $\angle A + \angle B = 108^\circ + 72^\circ = 180^\circ$  وهما مترافقان



في الشكل المقابل:  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

$\angle A = \angle B$

$\angle C = 5^\circ$ ,  $\angle D = 45^\circ$ ,  $\angle A = 6^\circ$

أوجد محيط  $\triangle BCD$

البرهان: ∵  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BD}$  قاطعين لها

$$\angle A = \angle B = 5^\circ$$

$$\therefore \text{محيط } \triangle BCD = 6 + 10 + 9 = 25 \text{ سم}$$

## تمارين على التوازي

١ - أكمل ما يأتي :

(١) إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن :  $\underline{\hspace{1cm}}$  ،  $\underline{\hspace{1cm}}$  ،  $\underline{\hspace{1cm}}$  ،  $\underline{\hspace{1cm}}$

(٢) إذا قطع مستقيم أحد مستقيمين متوازيين فإنه  $\underline{\hspace{1cm}}$

(٣) إذا واجه مستقيمان مستقيماً ثالثاً كان هذان المستقيمان  $\underline{\hspace{1cm}}$

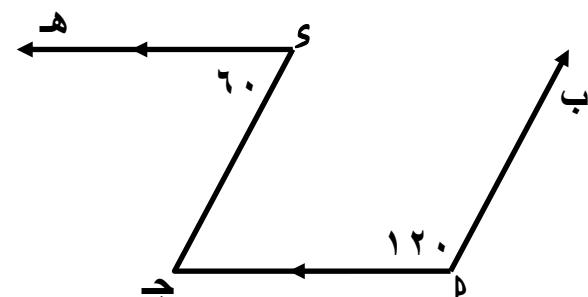
(٤) المستقيم العمودي على أحد مستقيمين متوازيين يكون  $\underline{\hspace{1cm}}$

(٥) إذا كان كل من مستقيمين عموديان على ثالثاً كان المستقيمان  $\underline{\hspace{1cm}}$

(٦) إذا قطع مستقيم مستقيمين و كانت زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس كان  $\underline{\hspace{1cm}}$

(٧) إذا قطع مستقيم مستقيمين و كانت زاويتان متناظرتان متساويتان في القياس كان  $\underline{\hspace{1cm}}$

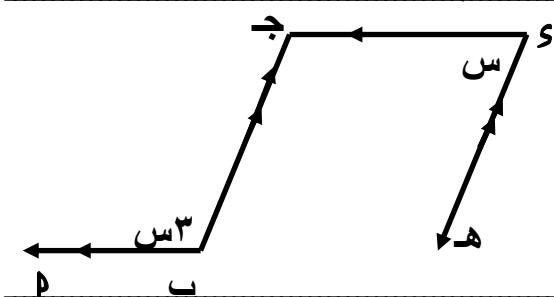
(٨) إذا كانت  $\underline{\hspace{1cm}} \not\parallel$  للمستقيم فإن عدد المستقيمات التي تمر ببنقطة  $\underline{\hspace{1cm}}$  وتوازي مستقيم معطوم يساوى  $\underline{\hspace{1cm}}$



٢- في الشكل المقابل :

إذا كان  $\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$  ،  $\angle(\underline{\hspace{1cm}}) = 120^\circ$

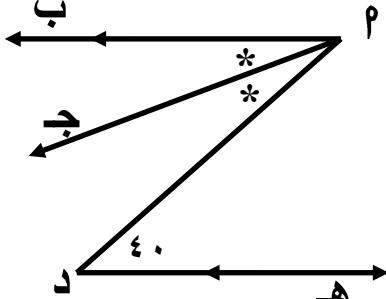
،  $\angle(\underline{\hspace{1cm}}) = 60^\circ$  أثبت أن  $\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$



٣- في الشكل المقابل :

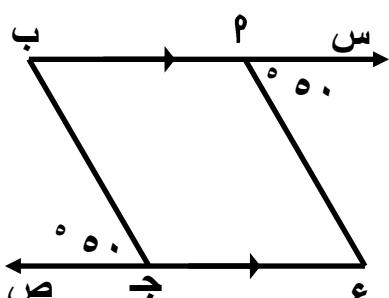
$\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$  ،  $\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$

أوجد قيمة :  $s$



٤- في الشكل المقابل :

$\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$  ، أوجد :  $s$  (  $\angle D$  ج )

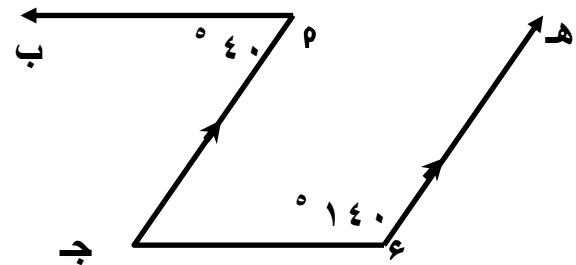
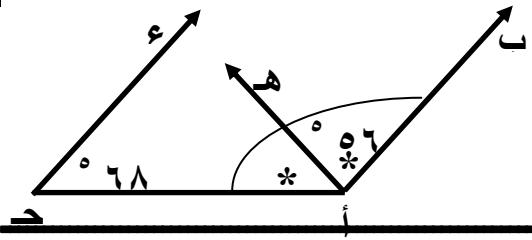


٥- في الشكل الم مقابل :  $\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$

أثبت أن  $\underline{\hspace{1cm}} \parallel \underline{\hspace{1cm}}$

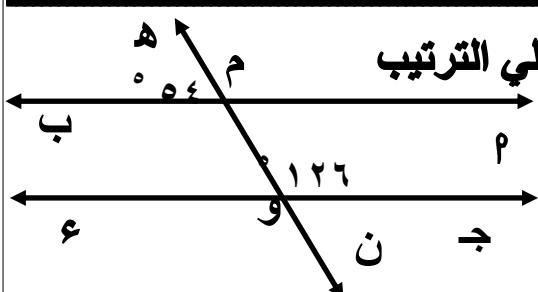
٦- في الشكل المقابل : ه ينصف ب ج

اثبت أن ب // ج



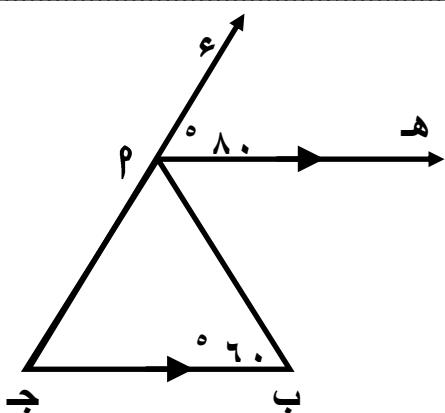
٧- في الشكل المقابل : ه // ج

اثبت أن ب // ج



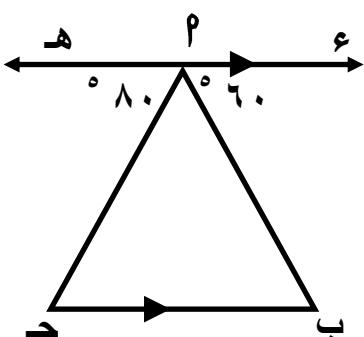
٨- في الشكل المقابل : ن هيقطع ب ، ج د في م، و على الترتيب

اثبت أن ب // ج



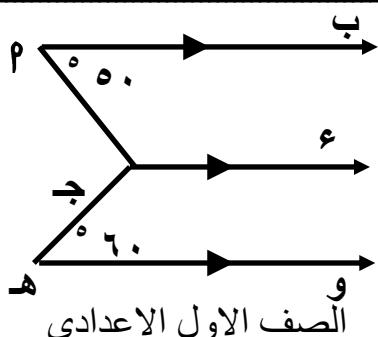
٩- في الشكل الم مقابل : ه // ب ج

أوجد ق (ج)، ق (ه ب)، ق (ب ه ج)



١٠- في الشكل الم مقابل : ه // ب ج

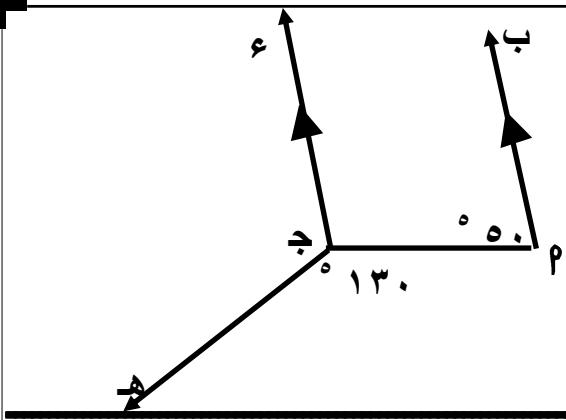
أوجد قياسات زوايا المثلث ب ج



١١- في الشكل الم مقابل : ب ج ه

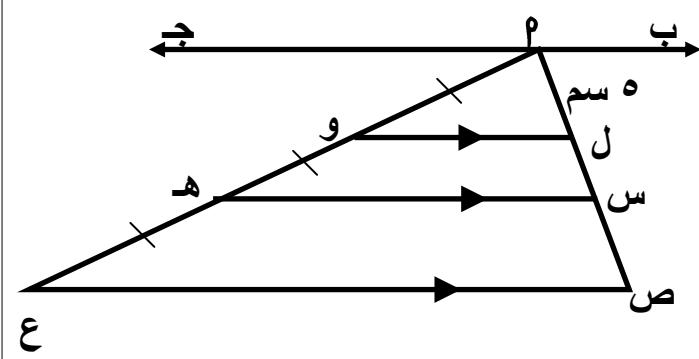
أوجد ق (ب ج ه)

١٢ - في الشكل المقابل :  $\text{ب} \parallel \text{ج} \parallel \text{ه}$



أوجدق ( $\text{ج} \parallel \text{ه}$ )

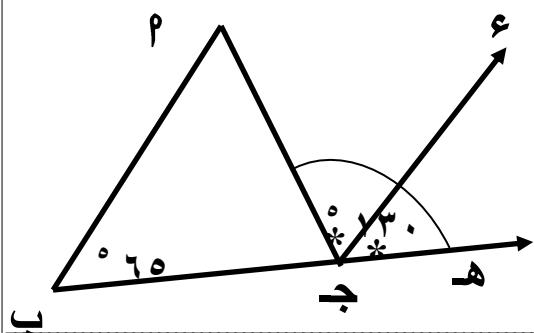
١٣ - في الشكل المقابل :



$\text{ب} \parallel \text{ج} \parallel \text{ل} \parallel \text{و} \parallel \text{س} \parallel \text{ه} \parallel \text{ص}$

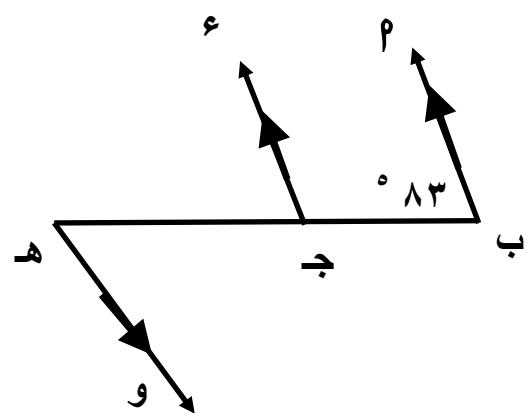
أوجد طول  $\text{م} \text{س}$

١٤ - في الشكل المقابل : ج ينصف ب ه



بين لماذا يكون  $\text{ب} \parallel \text{ج}$

١٥ - في الشكل المقابل :



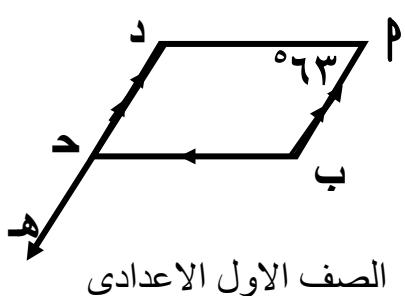
$\text{ب} \parallel \text{ج} \parallel \text{ه} \parallel \text{و}$

أوجدق ( $\text{ج} \parallel \text{ه}$ )

١٦ - في الشكل الم مقابل :

$\text{ب} \parallel \text{ج} \parallel \text{ه} \parallel \text{د} \parallel \text{ب}$

أوجدق ( $\text{ب} \parallel \text{ج}$ )

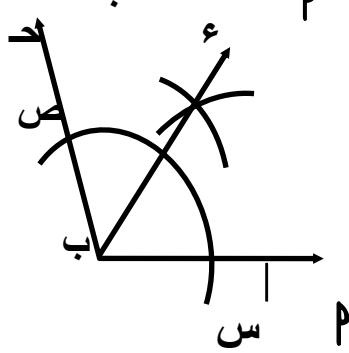


الصف الاول الاعدادي

### ١- إنشاء منصف لزاوية معروفة

المطلوب : رسم منصف  $\angle M B H$  باستخدام الفرجار

خطوات العمل :



(١) نركز بسن الفرجار عند الرأس  $B$  ، بفتحة مناسبة  
نرسم قوساً يقطع  $M B$  في  $S$  ،  $M H$  في  $C$

(٢) نركز بسن الفرجار عند كل من  $S$ ،  $C$  وبنفس الفتحة  
أو فتحة أخرى مناسبة نرسم قوسين يتقاطعان في  $E$

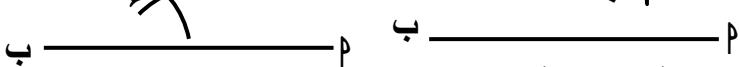
(٣) نرسم  $B E$  فيكون هو منصف  $\angle M B H$

لاحظ أن :  $B E$  هو محور تماثل لزاوية  $M B H$

تدريب : ارسم زاوية راسها  $120^\circ$  قياسها  $120^\circ$  ثم قسمها  $4$  زوايا متساوية

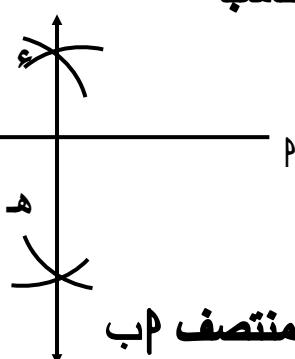
### ٢- تنصيف قطعة مستقيمة

المطلوب : انشاء محور تماثل لقطعة المستقيمة  $M B$



خطوات العمل :

(١) نرسم  $M B$  نركز بسن الفرجار عند  $M$  ، بفتحة مناسبة  
أكبر من نصف طول  $M B$  تقريباً نرسم قوسين  
من دائرة في جهتين مختلفتين من  $M B$



(٢) نركز بسن الفرجار عند  $B$  وبنفس الفتحة  
السابقة نرسم قوسين من دائرة في جهتي  $M B$   
يتقاطعان مع القوسين السابقين في  $E$  ،  $H$

(٣) نرسم  $E H$  فيقطع  $M B$  في  $H$  فتكون نقطة  $H$  منتصف  $M B$

### ٣- إنشاء عمود على مستقيم ماربنتلى إلى المستقيم :

المطلوب رسم عمود على  $M B$  من النقطة  $H$

خطوات العمل :

\* نرسم  $M B$  ، نحدد النقطة  $H \in M B$

\* نركز بسن الفرجار عند  $H$  و بفتحة مناسبة نرسم  
قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من  $H$



\* يقطعان  $M B$  في  $E$  ،  $H$

\* نركز بسن الفرجار عند كل من  $E$  ،  $H$  و بفتحة مناسبة  
أكبر من طول  $E H$  نرسم قوسين يتقاطعان في  $M$

\* نرسم  $M E$  فيكون  $M E$  عمود على  $M B$

تدريب : ارسم القطعة المستقيمة  $H E$  طولها ٧ سم ثم ارسم المستقيم  $L$  محور تماثل لها

٤- إنشاء عمود على مستقيم مار ب نقطة لا تنتمي إلى المستقيم :

ج

المطلوب : رسم مستقيم يمر بالنقطة ج عموديا على م ب

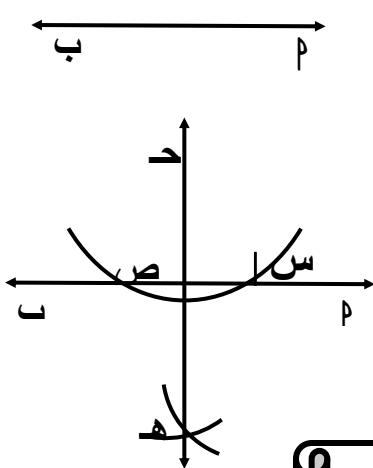
خطوات العمل :

(١) نركز بسن الفرجار عند النقطة ج و بفتحة مناسبة نرسم قوساً من دائرة تقطع م ب في نقطتي س ، ص

(٢) نركز بسن الفرجار عند كل من س ، ص

و بفتحة أخرى مناسبة أكبر من نصف طول س ص نرسم قوسين يتقاطعان في هـ

(٣) نرسم هـ فيكون عموديا على م ب



٥- رسم مستقيم من نقطة معروفة مواز لمستقيم معروف

المطلوب : رسم مستقيم يمر بالنقطة ج ويوازي م ب

خطوات العمل :

(١) نرسم م ب ، نحدد النقطة ج  $\not\parallel$  م ب

(٢) نرسم س ص يمر ب نقطة ج و يقطع م ب في ص

(٣) نرسم عند ج الزاوية س ج في وضع تاظر

مع د ص س بحيث يكون :

$$\angle S \cong \angle D \text{ ص س }$$



٦- إنشاء زاوية قياسها يساوى قياس زاوية معروفة :

المطلوب : رسم د ج هـ و بحيث : د ( د ج هـ ) = ج ( ج م ب هـ )

خطوات العمل :

(١) نرسم شعاعاً بدايته نقطة ج ليمثل أحد ضلعى الزاوية المراد رسمها

(٢) نركز بسن الفرجار عند نقطة ب ، نرسم قوساً من دائرة

يقطع الشعاعين بـ م ، بـ ج عند ج ، ج على الترتيب ، بنفس الفتحة نركز سن الفرجار عند جـ ، نرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاع عن جـ

(٣) نركز بسن الفرجار عند دـ ثم نفتح الفرجار فتحة تساوى جـ ثم نركز بسن

الفرجـار عند دـ و بنفس الفتحة السابقة نرسم قوساً يقطع القوس الأول في و

(٤) نرسم هـ و فيكون : د ( د ج هـ ) = ج ( ج م ب هـ )

